

٦

المقياس: المساحة والحجم

التهيئة

أوجد ناتج الضرب: (الدرس ١، ٣-١، ٨-١)

$$12 \times 8 \times \frac{1}{3} \quad 1$$

$$32 = \cancel{12}^4 \times 8 \times \frac{1}{\cancel{3}_1}$$

$$29 \times 4 \times \frac{1}{3} \quad 2$$

$$108 = \cancel{81}^{27} \times 4 \times \frac{1}{\cancel{3}_1} = 29 \times 4 \times \frac{1}{3}$$

٣ رياضة: يمارس سلمان رياضة الجري ستة أيام في الأسبوع، حيث يجري ٤ كلم في اليوم الواحد. فإذا قرر أن يجري $\frac{1}{3}$ هذه المسافة فقط كل يوم، فكم يجري في الأسبوع الواحد؟ (الدرس ٣-١)

$$\begin{aligned} \text{يجري في الأسبوع} &= ٤ \times ٦ = ٢٤ \text{ كلم.} \\ \text{بعد أن قرر الجري} &= \frac{1}{3} \text{ المسافة} = ٢٤ \times \frac{1}{3} = ٨ \text{ كلم.} \end{aligned}$$

أوجد قيمة $٢أ + ٢ب + ٢ج$ إذا علمت أن: (مهارة سابقة)

٤ $٨ = ج، ٤ = ب، ٥ = أ$

$$١٨٤ = (٨ \times ٥ \times ٢) + (٨ \times ٤ \times ٢) + (٤ \times ٥ \times ٢)$$

٥ $٩ = ج، ٣ = ب، ٢ = أ$

بالتعويض يكون الناتج = ١٠٢

$$٦ \quad أ = ٤, ٥, ب = ٩, ٢, ج = ١, ٧$$

بالتعويض يكون الناتج = ١٤٩, ١٨

$$٧ \quad أ = ٦, ٢, ب = ٤, ٦, ج = ٨, ١٠$$

بالتعويض يكون الناتج = ٢٢٧, ٦٨

أوجد قيمة كلٍّ من العبارات الجبرية الآتية مستعملًا
ط $\approx ١٤, ٣$ ، ومقربًا الجواب إلى أقرب جزء من

عشرة: (مهارة سابقة)

$$٨ \quad ١٥ \times ط$$

$$٤٧, ١ = ١٥ \times ٣, ١٤$$

$$3,2 \times ط \times 2 \quad 9$$

$$20,1 = 3,2 \times 3,14 \times 2$$

$$27 \times ط \quad 10$$

$$103,9 = 49 \times 3,14$$

$$2(2 \div 19) \times ط \quad 11$$

$$283,4 = 2(2 \div 19) \times 3,14$$

١٢ **فطائر**، تقدر المسافة الدائرية حول رغيف فطيرة قُطره

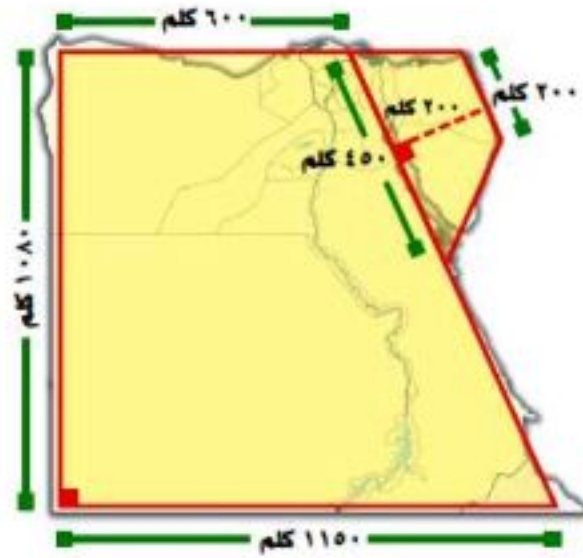
١٤ بوصة بالمقدار ط \times ١٤، أوجد هذه المسافة،

مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (مهارة سابقة)

حيث أن ط = ٣,١٤، إذن $١٤ \times ٣,١٤ = ٤٤$ بوصة.

استكشاف: مساحات الأشكال غير المنتظمة

حل النتائج:



١ في الشكل المجاور، قُسمت خريطة مصر إلى مضلعات. اشرح كيف تستعمل المضلعات لتقدير مساحتها.

حيث أنه يمكن حساب مساحة كل مضلع على حدا ثم جمع المساحات للحصول على المساحة الكلية.

٢ قدر مساحة كل جزء.

$$م = \frac{1}{2} \times (\text{مجموع طول القاعدتين}) \times ٢٠٠ = \frac{1}{2} \times (٤٥٠ + ٢٠٠) \times ٢٠٠$$

$$= ٦٥٠٠٠ \text{ كلم.}$$

$$م = \frac{1}{2} \times (\text{مجموع طول القاعدتين}) \times ١٠٨٠ = \frac{1}{2} \times (١١٥٠ + ٦٠٠) \times ١٠٨٠$$

$$= ٩٤٥٠٠٠ \text{ كلم.}$$

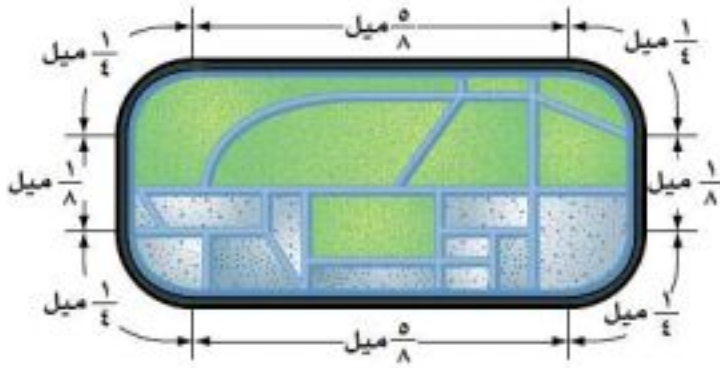
٣ قدر مساحة الخريطة كاملة.

$$\text{المساحة الكلية} = م + م = ٩٤٥٠٠٠ + ٦٥٠٠٠ = ١٠١٠٠٠ \text{ كلم.}$$

مساحات الأشكال المركبة

١-٦

استعد



١ حدّد بعض المضلعات التي
تشكّل ميدان السباق.

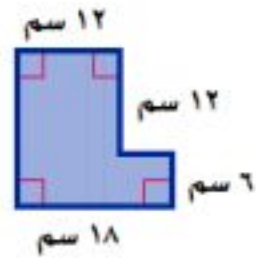
مستطيلات وأشباه منحرف.

٢ كيف تستعمل المضلعات
في إيجاد مساحة الميدان؟

اجمع مساحات المضلعات.



أوجد مساحة كل شكل مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:

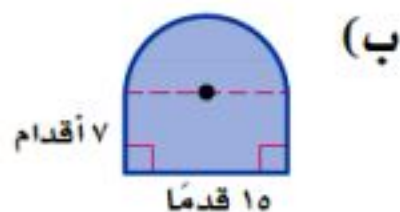


نقسم الشكل إلى مربع ومستطيل

$$\text{مساحة المربع} = \text{طول الضلع} \times \text{نفسه} = 6 \times 6 = 36 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 18 \times 12 = 216 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = 36 + 216 = 252 \text{ سم}^2$$

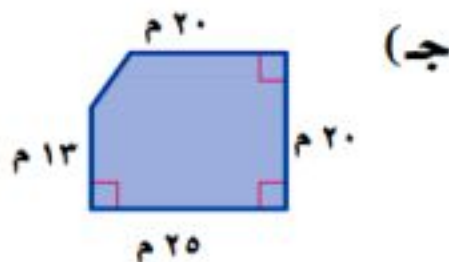


نقسم الشكل إلى نصف دائرة ومستطيل

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 7 \times 15 = 105 \text{ قدم}^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \text{ طنق}^2 = \frac{1}{2} \times 3.14 \times 56.25 = 88.3 \text{ قدم}^2 \text{ تقريبًا}$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = 105 + 88.3 = 193.3 \text{ قدم}^2$$



نقسم الشكل إلى مربع وشبه منحرف

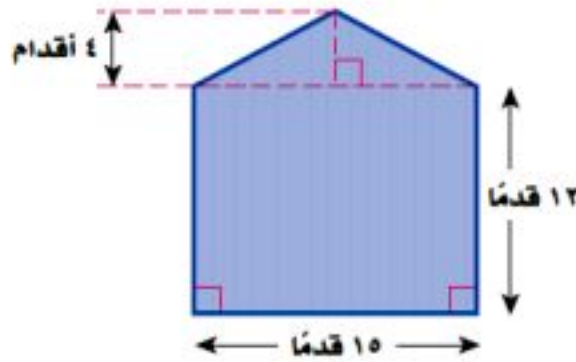
$$\text{مساحة المربع} = \text{طول الضلع} \times \text{نفسه} = 20 \times 20 = 400 \text{ م}^2$$

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \text{ ع (مجموع طول القاعدتين)} \times \text{الارتفاع} = \frac{1}{2} \times (20 + 13) \times 5 = 82.5 \text{ م}^2$$

$$= 82.5 \text{ م}^2$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = 82.5 + 400 = 482.5 \text{ م}^2$$

(د) أكواخ: يبين الشكل المجاور الواجهة الخلفية لكوخ خشبي، فكم قدمًا مربعة من الخشب تستعمل في بناء هذه الواجهة؟

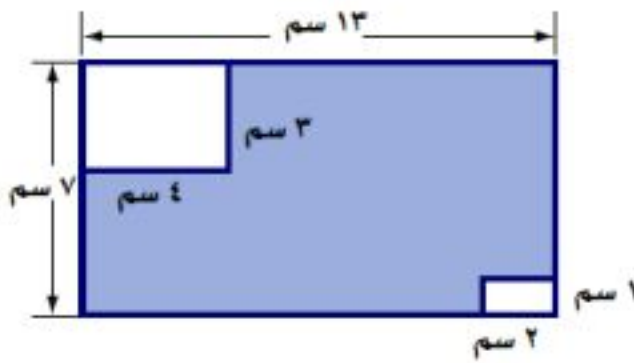


$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 12 \times 15 = 180 \text{ قدم}^2$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{ق} \times \text{ع} = \frac{1}{2} \times 4 \times 15 = 30 \text{ قدم}^2$$

$$\text{إنن تحتاج} \quad 210 = 180 + 30 \text{ قدم}^2$$

هـ) قُصَّ مستطيلان من مستطيل كما في الشكل المجاور، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة .



$$\text{مساحة الشكل كله} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 13 \times 7 = 91 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل الكبير} = 4 \times 3 = 12 \text{ سم}^2$$

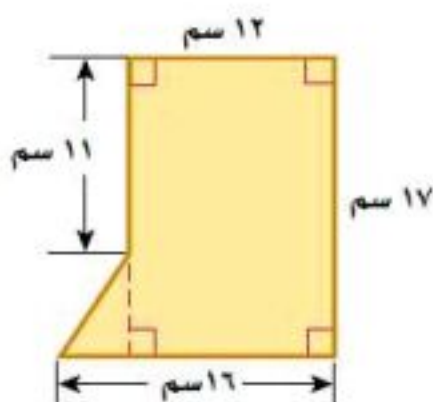
$$\text{مساحة المستطيل الصغير} = 1 \times 2 = 2 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن مساحة المنطقة المظللة} = 91 - 12 - 2 = 77 \text{ سم}^2$$



المثال ١

أوجد مساحة الشكلين الآتيين، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:

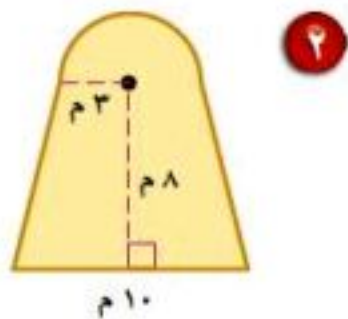


١

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 12 \times 11 = 132 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{ع} \times \text{ق} = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = 132 + 12 = 144 \text{ سم}^2$$



مساحة شبه المنحرف = $\frac{1}{2} \text{ع} (\text{ق} + \text{ق})$

$$64 \text{ سم}^2 = (6 + 10) \times 8 \times \frac{1}{2} =$$

مساحة نصف الدائرة = $\frac{1}{2} \text{طنق}$

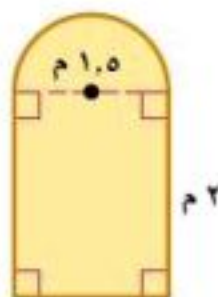
$$14,1 \text{ تقريبًا} = 14,13 = 9 \times 3,14 \times \frac{1}{2} =$$

$$78,1 \text{ م}^2 = 64 + 14,1 = \text{المساحة الكلية}$$

المثالان ٢، ٣

٣ نوافذ: صُممت نافذة كما في الشكل

أدناه، فما مساحتها بالمتر المربع؟



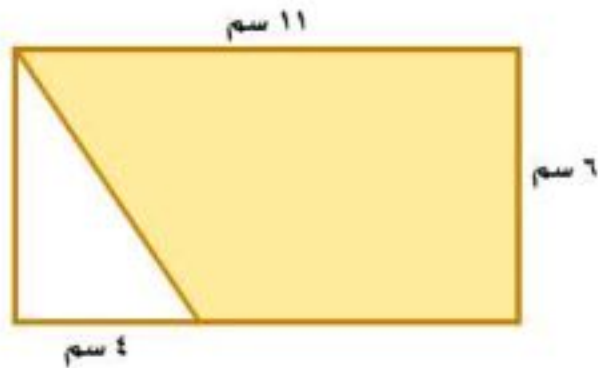
$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 1,5 \times 2 = 3 \text{ م}^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \text{ طنق}^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 3,14 \times (0,75)^2 = 0,9 \text{ م}^2$$

$$\text{المساحة الكلية} = 0,9 + 3 = 3,9 \text{ م}^2$$

٤ يبين الشكل أدناه مستطيلاً قُصَّ منه مثلث. أوجد مساحة المنطقة المظللة.



$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \text{ ق ع} = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ سم}^2$$

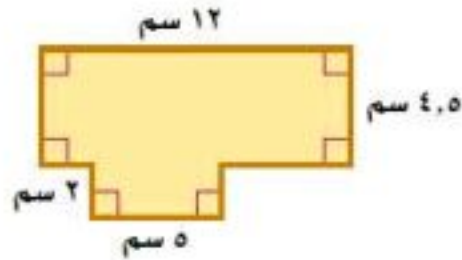
$$\text{المساحة الكلية} = 11 \times 6 = 66 \text{ سم}^2$$

$$\text{المساحة المظللة} = 66 - 12 = 54 \text{ سم}^2$$

تدرب وحل المسائل:



أوجد مساحة الأشكال المركبة الآتية، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:

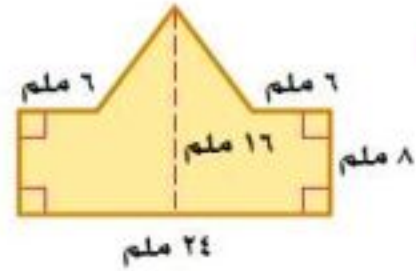


٥

$$١ م = الطول \times العرض = ١٢ \times ٤,٥ = ٥٤ سم^2$$

$$٢ م = الطول \times العرض = ٢ \times ٥ = ١٠ سم^2$$

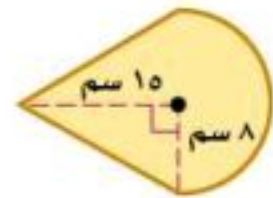
$$٦ م الكلية = ٥٤ + ١٠ = ٦٤ سم^2$$



$$١م = الطول \times العرض = ٢٤ \times ٨ = ١٩٢ \text{ ملم}^٢$$

$$٢م = \frac{1}{2} ق \times ع = \frac{1}{2} \times ١٦ \times ٨ = ٤٨ \text{ ملم}^٢$$

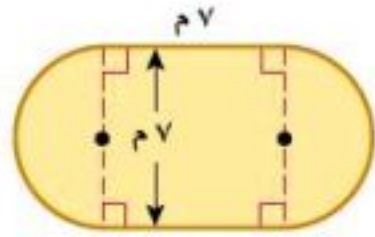
$$٣م الكلية = ١٩٢ + ٤٨ = ٢٤٠ \text{ ملم}^٢$$



$$١م = \frac{1}{2} ق \times ع = \frac{1}{2} \times ١٦ \times ٨ = ١٢٠ \text{ سم}^٢$$

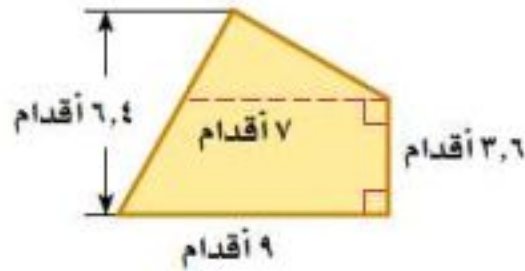
$$٢م = \frac{1}{2} ط \times ر = \frac{1}{2} \times ٣.١٤ \times ٦٤ = ١٠٠ \text{ تقريبًا}$$

$$٣م الكلية = ١٢٠ + ١٠٠ = ٢٢٠ \text{ سم}^٢$$



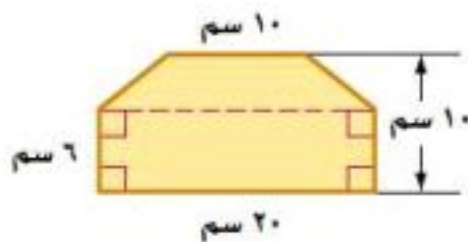
٨

$$\begin{aligned} \text{م} &= \text{طول الضلع} \times \text{نفسه} = 7 \times 7 = 49 \text{ م}^2 \\ \text{م} &= \text{مساحة نصفى الدائرة} = \text{طنق} = 3.14 \times 3.5 = 38.4 \text{ م}^2 \\ \text{م الكلية} &= 49 + 38.4 = 87.4 \text{ م}^2 \end{aligned}$$



٩

$$\begin{aligned} \text{م} &= \frac{1}{2} \text{ ع} (ق١ + ق٢) = \frac{1}{2} \times 3.6 \times (9 + 7) = 28.8 \text{ قدم}^2 \\ \text{ارتفاع المثلث} &= 3.6 - 6.4 = 2.8 \text{ قدم} \\ \text{إذن م} &= \frac{1}{2} \text{ ق} \times \text{ع} = \frac{1}{2} \times 7 \times 2.8 = 9.8 \text{ قدم}^2 \\ \text{م الكلية} &= 9.8 + 28.8 = 38.6 \text{ قدم}^2 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{م} &= \text{الطول} \times \text{العرض} = ٢٠ \times ٦ = ١٢٠ \text{ سم}^2 \\ \text{م} &= \frac{1}{2} \text{ ع} (\text{ق}١ + \text{ق}٢) = \frac{1}{2} \times ٤ \times (١٠ + ٢٠) = ٦٠ \text{ سم}^2 \\ \text{م الكلية} &= ١٢٠ + ٦٠ = ١٨٠ \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

١١ نجارة: صمّم أحمد طاولة كما في الشكل أدناه. ما مساحة سطحها؟



تقسم إلى ٣ أشكال: مستطيل، ٢ شبه منحرف

$$\text{مساحة المستطيل} = ١٢ \times ٥ = ٦٠ \text{ قدم}^2$$

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \text{ ع} (\text{ق}١ + \text{ق}٢)$$

$$= \frac{1}{2} \times ٣,٥ \times (١٢ + ٥) = ٢٩,٧٥ \text{ قدم}^2$$

$$\text{مساحة ٢ شبه منحرف} = ٥٩,٥ \text{ قدم}^2$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = ٦٠ + ٥٩,٥ = ١١٩,٥ \text{ قدم}^2$$

١٢ مجوهرات: يبين الشكل الآتي حلية ذهبية. ما مساحتها؟



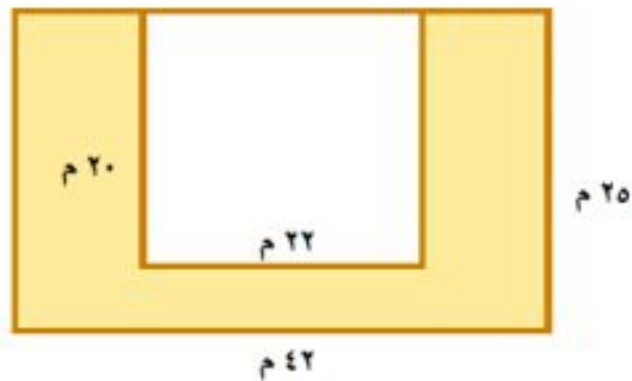
$$\text{مساحة المستطيل} = 3 \times 2 = 6 \text{ سم}^2$$

بما أن المثلثات متساويان فتكون مساحتهما واحدة

$$= \left(\frac{1}{2} \text{ ق ع}\right)^2 = \text{ق ع} = 1 \times 3 = 3$$

$$\text{المساحة الكلية} = 6 + 3 = 9 \text{ سم}^2$$

أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة :



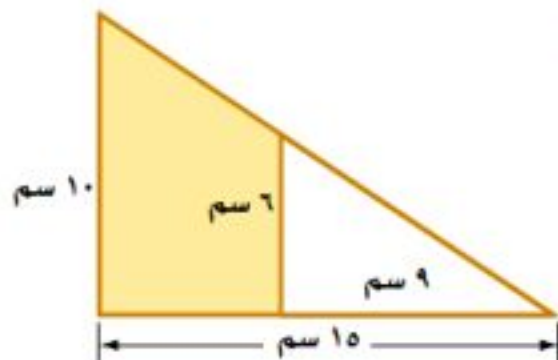
١٣

$$\text{مساحة الشكل كله} = \text{الطول} \times \text{العرض} = 42 \times 25 = 1050 \text{ م}^2$$

$$\text{مساحة المنطقة غير المظللة} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 20 \times 22 = 440 \text{ م}^2$$

$$\text{إذن مساحة المنطقة المظللة} = 440 - 1050 = 610 \text{ م}^2$$

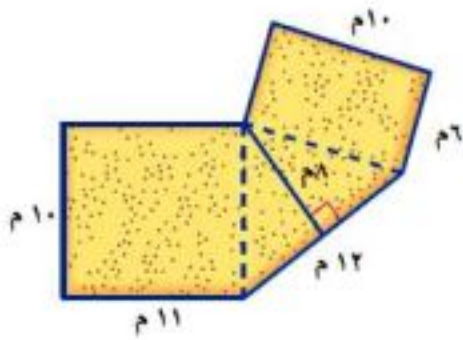


١٤

$$\text{مساحة الشكل كله} = \frac{1}{2} \text{ ع ق} = \frac{1}{2} \times 10 \times 15 = 75 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المثلث الصغير} = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن مساحة المنطقة المظللة} = 75 - 27 = 48 \text{ سم}^2$$



١٥ **سجاد:** ترغب والدة ليان في تغطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 = 48 \text{ م}^2$$

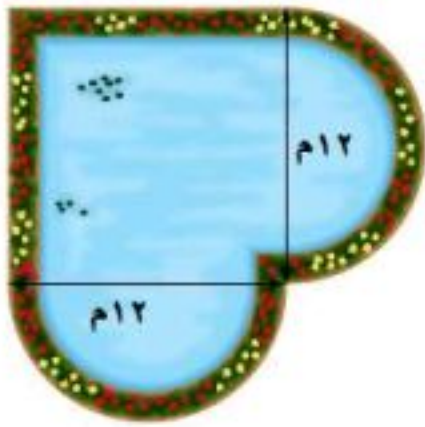
$$\text{مساحة المستطيل الصغير} = 6 \times 10 = 60 \text{ م}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل الكبير} = 11 \times 10 = 110 \text{ م}^2$$

$$\text{إذن مساحة الشكل} = 48 + 60 + 110 = 218 \text{ م}^2$$

مسائل مهارات التفكير العليا:

١٦ **تحذ:** يمثل الشكل المجاور بركة محاطة بممر من الورد عرضه متران. ما مساحة الممر؟



$$\text{المساحة الخارجية} = ١١٣.١ \text{ سم}^2$$

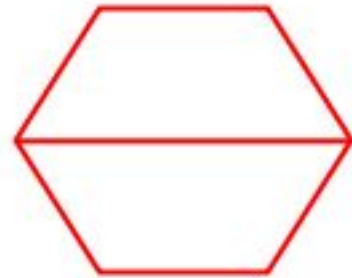
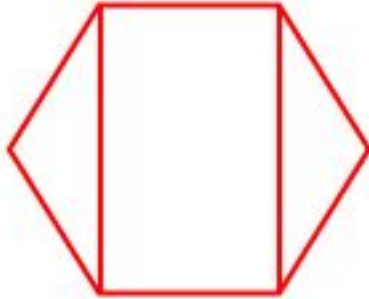
$$\text{المساحة الداخلية} = ٥٠.٣ \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الممر} = ١١٣.١ - ٥٠.٣ = ٦٢.٨ \text{ سم}^2$$

١٧ **اكتب:** اشرح طريقتين مختلفتين على الأقل لإيجاد مساحة السداسي المنتظم، مضمناً إجابتك رسماً توضيحياً لذلك.

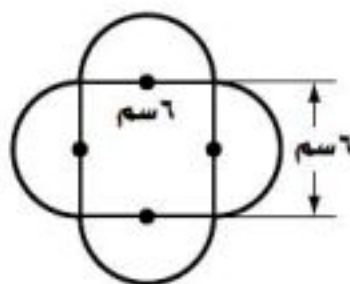
الطريقة الأولى: قسم المضلع السداسي أفقياً إلى شبهي منحرف ثم أوجد مجموع مساحتها.

الطريقة الثانية: قسم المضلع سداسي رأسياً إلى مثلثين ومستطيل وأوجد مساحة كل شكل منها ثم أوجد مجموع هذه المساحات؟



تدريب على اختبار

١٨ ما المساحة الكلية للشكل أدناه؟

ج) ٥٦,٥ سم^٢د) ٩٢,٩ سم^٢ب) ٦٤,٣ سم^٢ا) ٣٦,٠ سم^٢

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi r^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi (3)^2 \approx 14,14$$

وبما أنه يوجد ٤ أنصاف للدائرة إذن

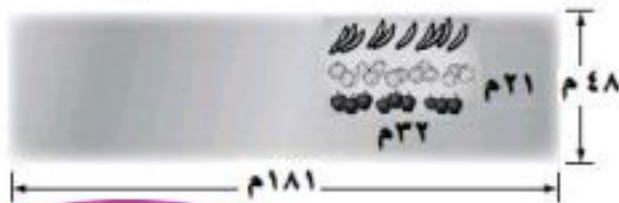
$$\text{مساحة أنصاف الدائرة} = 14,14 \times 4 \approx 56,56$$

مساحة المربع = طول الضلع \times نفسه

$$\text{مساحة المربع} = (6)^2 = 36$$

$$\text{مساحة الشكل} = 36 + 56,56 \approx 92,56$$

١٩ يبين الشكل أدناه مزرعة خضراوات مستطيلة الشكل طولها ١٨١ م، وعرضها ٤٨ م، زرع منها جزء مستطيل الشكل طوله ٣٢ م وعرضه ٢١ م بالفواكه . ما مساحة الجزء المزروع بالخضراوات؟



- (ج) ٨٠١٦ م^٢ (ا) ٨٦٨٨ م^٢
 (د) ٢٨٢ م^٢ (ب) ٨٦٣٥ م^٢

مساحة المستطيل (المزرعة كلها) = الطول × العرض

$$8688 = 48 \times 181 =$$

مساحة المستطيل (الجزء المزروع) = الطول × العرض

$$672 = 21 \times 32 =$$

$$\text{مساحة المنطقة المزروعة} = 672 - 8688 = 8016 \text{ م}^2$$

الاستعداد

للدروس اللاحق

٢٠ مهارة سابقة : لُوحظ تناقص أسعار الآلات الحاسبة ، ففي عام ١٤٢٥هـ كان سعر آلة حاسبة من نوع ما ١٢٥ ريالاً ، وأصبح ١٠٧ ريالاً عام ١٤٣٠هـ ، ثم ٨٩ ريالاً عام ١٤٣٥هـ ، إذا استمر تناقص سعر الآلة الحاسبة بالمعدل نفسه ، فاستعمل استراتيجية البحث عن نمط في إيجاد سعر آلة حاسبة من النوع نفسه عام ١٤٤٠هـ .

$$18 = 107 - 125$$

$$89 = 18 - 107$$

نستنتج من ذلك أن كل ٥ سنوات يقل سعر الآلة الحاسبة بمقدار ١٨ ريال إذن في عام

$$١٤٤٠هـ \text{ يكون ثمن الآلة الحاسبة } = 89 - 18 = 71 \text{ ريال.}$$

استراتيجية حل المسألة:

٦-٢

حل مسألة أبسط

حل الاستراتيجية

١ اشرح لماذا يُعد حل مسألة أبسط مفيداً للبراء.

يوجد مربعات كثيرة يمكن عدّها داخل الشبكة.

٢ **اكتب:** مسألة حياتية تحتاج في حلّها إلى حل مسألة أبسط، ثم حل المسألة.

دفع أحمد ٦٥٦ ريال قيمة أيجار الفندق مضافاً إليها ١٥% من سعر قيمة الإيجار كرسوم خدمة . كم رسوم الخدمة التي دفعها أحمد؟ مسألة أبسط ستكون أولاً بإيجاد ١٠% من ٦٥٦ وهي ٦٥.٦، ثم إيجاد ٥% من قيمة الإيجار والتي ستكون نصف ٦٥.٦ وتساوي $32.8 = 98.4$ ، أي ١٠٠ ريال تقريباً.

استعمل استراتيجية "حل مسألة أبسط" لحل المسائل ٣-٦:

٢ **نجارة:** ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسي في ثلاثة أيام، فكم كرسيًا يمكن لـ ٧ نجارين أن يصنعوا في ٣٠ يومًا، إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

افهم

٣ نجارين يصنع كل واحد ٣ كراسي في ٣ أيام.
المطلوب إيجاد كم كرسي يصنع ٧ نجارين في ٣٠ يوم.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

نجار واحد = ٣ كراسي.

٧ نجارين = ؟

إذن عدد الكراسي لـ ٧ نجارين = $3 \times 7 = 21$

٢١ كرسي = ٣ أيام

؟ = ٣٠ يوم.

عدد الكراسي في ٣٠ يوم = $30 \div 3 \times 21 = 210$ كرسي.

تحقق

٢١٠ كرسي \div ٣٠ يوم = ٧ نجارين، إذن الإجابة صحيحة.

طاولات: يوجد في مطعم مدرسة ١٥ طاولة مربعة الشكل، تم وضعها متراسة جانبياً لتكون طاولة واحدة طويلة لحفلة الصف، فإذا علمت أن طالباً واحداً فقط يمكنه أن يجلس على كل جانب من الطاولة المربعة، فما عدد الطلاب الذين يمكنهم الجلوس حول الطاولة الطويلة؟

افهم

يوجد ١٥ طاولة مربعة متراسة جانبياً.
كل طالب يجلس على جانب واحد من الطاولة.
المطلوب إيجاد كم طالب يجلس على الطاولة.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

عندما تتراص كل الطاولات جانباً وكل طاولة لها ٤ جوانب سوف يظهر لكل طاولة جانبان فقط ما عدا الطاولة الأخيرة من كل ناحية.
بما أنه يوجد ١٥ طاولة - ٢ على الجوانب = ١٣ طاولة لكل منها جانبان فقط يظهران.
إن $١٣ \times ٢ = ٢٦$ جانب.
وبما أن كل جانب يجلس عليه طالب واحد.
إن يجلس ٢٦ طالب على ١٣ طاولة ويجلس ٣ طلاب على كل طاولة من الطاولتين على كل جانب.
فيكون مجموع الطلاب = $٢٦ + ٣ + ٣ = ٣٢$ طالب.

تحقق

برسم شكل تخطيطي للطاولة وحساب عدد الطلاب عليها.

٥ **مطويات:** تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في مغلفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد المغلفات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

افهم

تحتاج مدرسة ٢٥٠ نسخة.

تضع المطبعة النسخ في مغلفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة.

المطلوب إيجاد عدد المغلفات.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

٣ مغلفات من النوع الذي يتسع إلى ٣٠ نسخة فيكون الناتج = ٩٠.

٢ مغلف من النوع الذي يتسع إلى ٨٠ نسخة فيكون الناتج = $٨٠ \times ٢ = ١٦٠$.

٣ مغلفات ذي ٣٠ نسخة و ٢ مغلف ذي ٨٠ نسخة

تحقق

$٢٥٠ = ٩٠ + ١٦٠$ ، إذن الإجابة صحيحة.

٦ **حرف:** يستعمل محمد منشارًا لقص أنبوب طويل إلى ٢٥ قطعة صغيرة، فكم مرة سيستعمل المنشار؟

افهم

يحتاج نجار لتقطيع أنبوب طويل إلى ٢٥ قطعة.
المطلوب إيجاد عدد المرات التي سيستعمل فيها النجار المنشار.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

يستخدم المنشار ٢٤ مرة للتقطيع لأنه سيبقى قطعة أخيرة بعد ٢٤ مرة وتكون القطعة ٢٥.

تحقق

تمثيل المسألة نتحقق من الإجابة.

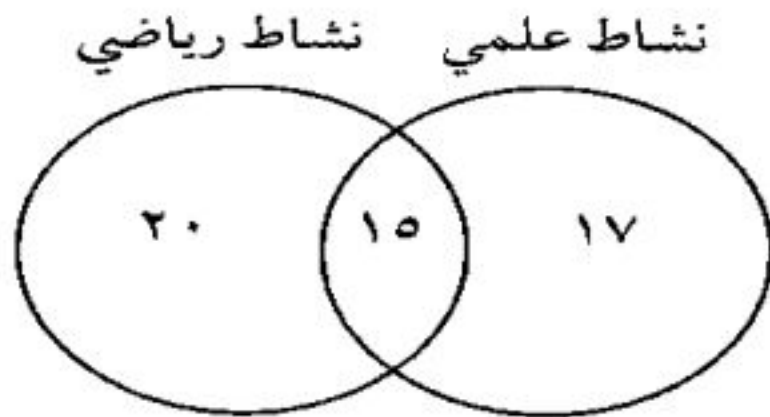
استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٧-١٣:

من استراتيجيات حل المسألة

- البحث عن نمط
- استعمال أشكال فن
- حل مسألة أبسط

نشاط: استعمل المعلومات الآتية في حل المسألتين ٧، ٨:
أراد ٣٥ طالبًا من الصف الثاني المتوسط الانضمام إلى النشاط الرياضي، و ٣٢ إلى النشاط العلمي، و ١٥ إلى النشاطين معًا.

٧ مثل المسألة باستعمال شكل فن.



٨ ما عدد طلاب الصف الذين اشتركوا في الأنشطة؟

$$\text{عدد الطلاب} = 17 + 20 = 37 \text{ طالبًا.}$$

٩ **متطوعون:** تطوع ٥ طلاب للاشتراك في عمل اجتماعي، حيث عمل كل طالب ٥ ساعات خلال خمسة أيام، فكم ساعة يتطوع بها ١١ طالبًا في ١٥ يومًا بحسب هذا المعدل؟

افهم

تطوع ٥ طلاب في عمل اجتماعي.

عمل كل طالب ٥ ساعات في ٥ أيام.

المطلوب إيجاد كم ساعة يتطوع بها ١١ طالب في ١٥ يوم.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

١١ طالب يعمل ١١ ساعة في ١١ يوم.

١٥ يوم = ؟ ساعة

إذن عدد الساعة خلال ١٥ يوم = $11 \times 15 = 165$ ساعة.

تحقق

$165 \div 11 = 15$ يوم، إذن الإجابة صحيحة.

١٠ تحليل الرسوم: يظهر الشكل الآتي مسحًا لنوعية الشكولاتة التي يفضلها الطلاب. ما نسبة الطلاب الذين يفضلون الشكولاتة الغامقة؟



افهم

٢٥٠ طالب يفضل الشيكولاته بالحليب.

٨٥ طالب يفضل الشيكولاته البيضاء.

١١٠ طالب يفضل الشيكولاته الغامقة.

٥٥ لا يحبون الشيكولاته.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

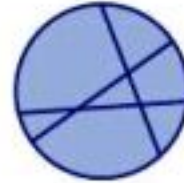
١١٠ طالب يفضل الشيكولاته الغامقة من بين ٥٠٠ طالب.

إذن النسبة = $(٥٠٠ \div ١١٠) \times ١٠٠ = ٠.٢٢ \times ١٠٠ = ٢٢\%$.

١١ **فطائر:** ما أكبر عدد من القطع ينتج عن استعمال خمس تقطيعات مستقيمة في الفطيرة؟



٤ تقطيعات



٣ تقطيعات

افهم

٣ تقطيعات = ٧

٤ تقطيعات = ١١

المطلوب إيجاد أكبر عدد من القطع ينتج عن استعمال خمسة تقطيعات مستقيمة في الفطيرة.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

٣ تقطيعات = ٧

٤ تقطيعات = ١١

إذن ٥ تقطيعات = ١٥

تحقق

ارسم وعد القطع.

١٢ **خضار:** يبين الجدول أدناه أسعار الكيلو جرام الواحد من بعض أصناف الخضار، فهل يكفي ٤٠ ريالاً ليشتري عبدالله ٤ كجم من الطماطم، وكيلو جراماً واحداً من الجزر، و ٨ كجم من البصل؟

الصنف	السعر (ريال)
طماطم	٦,٥
بصل	١,٥
جزر	٣,٧٥

افهم مع عبد الله ٤٠ ريالاً ويريد أن يشتري ٤ كجم طماطم، كجم جزر، ٨ كجم بصل. والأسعار كما المبين بالشكل.

الصنف	السعر (بالريال)
طماطم	٦,٥
بصل	١,٥
جزر	٣,٧٥

المطلوب معرفة هل سيكفي المبلغ للشراء أم لا.

خطط باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

$$٤ \text{ كيلو طماطم} = ٤ \times ٦,٥ = ٢٦ \text{ ريال.}$$

$$\text{كيلو من الجزر} = ٣,٧٥ \text{ ريال.}$$

$$٨ \text{ كيلو من البصل} = ٨ \times ١,٥ = ١٢ \text{ ريال.}$$

$$\text{إذن المجموع} = ١,٧٥ \text{ ريال.}$$

وهو يملك ٤٠ ريال فقط.

إذن المبلغ لا يكفي.

تحقق

$40 > 1.75$ ، إذن الإجابة صحيحة.

١٣

هواتف: تتقاضى إحدى شركات الهاتف الجوّال ٣٠ ريالاً قيمة الاشتراك الشهري، بالإضافة إلى ٠,٢٥ ريال عن كل دقيقة، فإذا كانت قيمة فاتورة هاتف مهند الشهرية ١٢٠ ريالاً، فكم دقيقة بلغت مكالماته؟

افهم

قيمة فاتورة مهند الشهرية = ١٢٠ ريال.

يدفع قيمة اشتراك ٣٠ ريال.

يدفع عن كل دقيقة ٠,٢٥ ريال.

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط.

حل

١٢٠ ريال - ٣٠ ريال قيمة الاشتراك = ٩٠ ريال.

٩٠ ريال ÷ ٠,٢٥ عن كل دقيقة = ٣٦٠ دقيقة.

تحقق

$90 = 0.25 \times 360$ ريال.

$30 + 90$ قيمة الاشتراك = ١٢٠ ريال، إذن الإجابة صحيحة.

الأشكال الثلاثية الأبعاد

٣-٦

استعد

١ سمّ الأشكال المستوية التي تكوّن جوانب
المنارة.

مثلثات ومستطيلات وأشباه منحرف.

٢ إذا نظرت إلى المنارة من الأعلى فما الشكل
الذي تراه؟

مربع.

٣ ما العلاقة بين الأشكال المستوية والمجسّمات؟

أوجه المجسّمات أشكال مستوية.

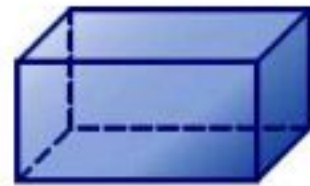
تحقق

أ) مستعملاً الشكل أعلاه، حدّد تقاطع المستويين أ ب ج، ج د ي.

التقاطع هو ج د.

حدّد اسم كل مجسم ممتاياتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:

منشور رباعي: ٦ أوجه جميعها مستطيلات، ١٢ حرفاً، ٨ رؤوس.



ب)

هرم ثلاثي: ٤ أوجه جميعها مثلثات، ٦ أحرف، ٤ رؤوس.



ج)



(د)

منشور سداسي: ٨ أوجه اثنان منها سداسيان، و ٦ متوازيات أضلاع، ١٨ حرف و ١٢ رأساً.

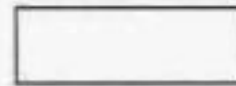
(هـ) صندوق: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبية للصندوق في الصورة المجاورة.



المنظر الجانبي



المنظر الأمامي



المنظر العلوي



الأمثلة ١-٣

استعمل الشكل المجاور لتحديد كلاً مما يأتي:



١ مستويين متوازيين.

مستويان متوازيان: أ ب ج، ي ز و.

۲ مستقيم متخالفين.

مستقيمان متخالفان: ج د، هـ ي.

۳ نقطتين تشكّان قطراً عند الوصل بينهما.

نقطتان تشكّان قطراً: ي، ج.

۴ مستويين متقاطعين.

مستويان متقاطعان: ب ج و، ا ب ج.

المثالان ٤، ٥

حدّد اسم كل مجسم ممّا يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:

منشور رباعي: ٦ أوجه جميعها مستطيلات، ١٢
حرف، ٨ رؤوس.



٥

منشور ثلاثي: ٥ أوجه، ٢ مثلثات، ٣ مستطيلات،
٩ أحرف، ٦ رؤوس.



٦

هرم رباعي: ٥ أوجه، مستطيل، ٤ مثلثات، ٨
أحرف، ٥ رؤوس.



٧

المثال ٦

٨ **حوض أسماك:** ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبى لحوض الأسماك المجاور.



المنظر الجانبي



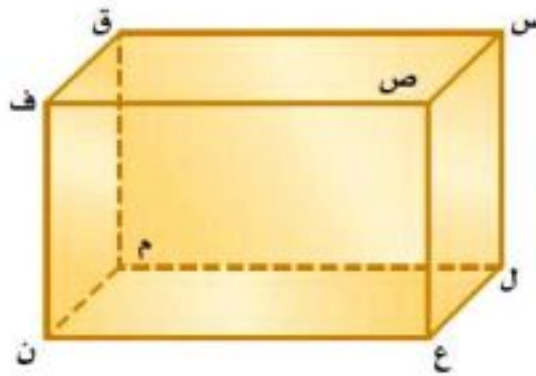
المنظر الأمامي



المنظر العلوي

تدرب وحل المسائل:

استعمل الشكل المجاور لتحديد كلاً مما يأتي:



٩ مستويين متوازيين.

مستويان متوازيان: ن ف ق، س ل ع.

١٠ مستقيمين متخالفين.

مستقيمان متخالفان: ن ف، ل ع.

١١ نقطتين تشكّان قطراً عند الوصل بينهما.

نقطتان تشكّان قطراً: ق، ع.

١٢ مستويين متقاطعين.

مستويان متقاطعان: ف ق س، ن ف ق.

حدّد اسم كل مجسّم ممّا يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:

هرم ثلاثي: ٤ أوجه جميعها مثلثات و ٦ أحرف
و ٤ رؤوس.



١٣

هرم سداسي: ۷ أوجه، مضع سداسي و ۶
مثلثات، ۱۲ حرف، ۷ رؤوس.



۱۴

منشور ثلاثي: ۵ أوجه مثلثات و ۳ مستطيلات،
۹ أحرف، ۶ رؤوس.



۱۵

منشور رباعي: ۶ أوجه جميعها مستطيلات،
۱۲ حرف، ۸ رؤوس.



۱۶

١٧ بنايات: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبى للبنية في الصورة أدناه.



المنظر الأمامي والجانبى



المنظر العلوي

١٨ **خزانة** : تمثّل الصورة أدناه خزانة خشبية لحفظ الملفات. ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبى للخزانة.



المنظر الجانبي



المنظر الأمامي



المنظر العلوي

١٩ قرّر ما إذا كان التخمين الآتي صحيحًا أو خاطئًا، واذكر مثالًا مضادًا إذا كان خطأ: "يمكن لمستويين في الفضاء أن يتقاطعا في نقطة".

خطأ: فالمستويين يتقاطعان في مستقيم مكون من عدد لا نهائي من النقاط.

مسائل مهارات التفكير العليا:

٢٠ **مسألة مفتوحة:** اختر مجسماً من واقع الحياة مثل كرسي أو طاولة، وارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبية له.



المنظر الجانبي



المنظر الأمامي



المنظر العلوي

٢١ **تحذ:** حدد ما إذا كانت العبارات الآتية صحيحة دائماً أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً:
للمنشور قاعدتان و ٤ جوانب.

أحياناً: المنشور الرباعي له قاعدتان و ٤ جوانب لكن المنشور الثلاثي له قاعدتان وثلاث جوانب.

٢٢ يوجد للهرم جوانب متوازية.

أبدأ: تتقاطع أوجه الهرم جميعها ما عدا القاعدة في نقطة الرأس.

اكتب: وضح لماذا لا يعطي (أحياناً) المنظر العلوي والأمامي والجانبية لمجسم معلومات كافية لرسم الشكل؟ واذكر مثالاً يؤكد ذلك.

لا يعطي أحياناً المنظر العلوي والأمامي والجانبية لمجسم معلومات كافية لرسم الشكل؛ لأنه من الممكن رسم أشكال متعددة للمنظر العلوي والأمامي والجانبية نفسه. والمثال الآتي يوضح ذلك:



المناظر أعلاه يمكن أن تكون للأشكال المختلفة الآتية:

٤	٣	٢	١
٣	٣	٢	١
٢	٢	٢	١
١	١	١	١

٤	٣	٢	١
٣	٢	٢	١
٢	٢	٢	١
١	١	١	١

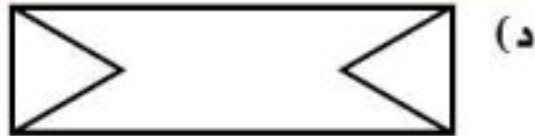
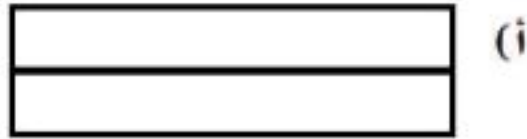
٤	٣	٢	١
٣	١	١	١
٢	١	١	١
١	١	١	١

تدريب على اختبار

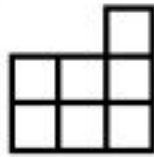
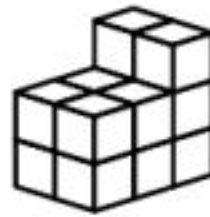
٢٤ استقبلت العنود هديةً داخل صندوقٍ كما في الشكل:



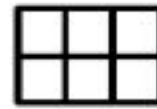
أيُّ الأشكال أدناه يمثل المنظر العلوي للصندوق؟



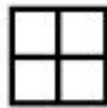
٢٥ أيُّ الأشكال التالية يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟



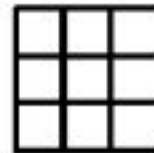
(ج)



(ا)



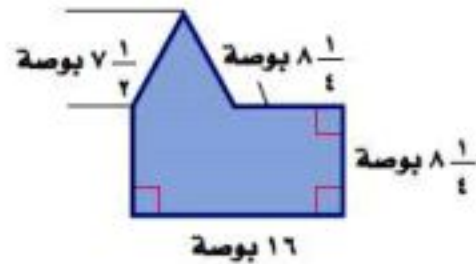
(د)



(ب)

مراجعة تراكمية

أوجد مساحة كل شكل مما يأتي ، مقربًا الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمر : (الدرس ٦ - ١)



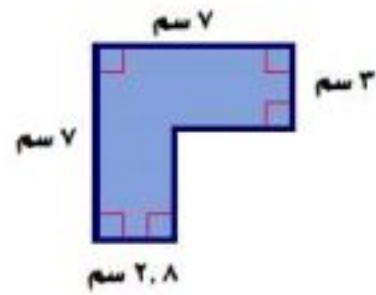
$$132 = 16 \times 8 \frac{1}{4} = \text{مساحة المستطيل}$$

$$\frac{1}{2} = \text{مساحة المثلث} = \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$29,1 = 7,75 \times 7 \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \text{مساحة المثلث}$$

$$\text{مساحة الشكل} = \text{مساحة المستطيل} + \text{مساحة المثلث}$$

$$\text{مساحة الشكل} = 132 + 29,1 = 161,1 \text{ سم}^2$$



٢٧

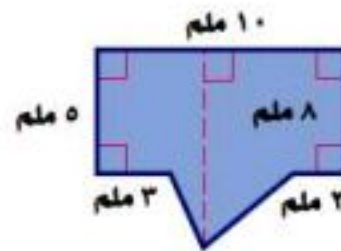
مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$= 7 \times 3 = 21 \text{ سم}^2$$

مساحة المستطيل = الطول \times العرض

$$= 4 \times 2,8 = 11,2 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل} = 21 + 11,2 = 2,2 \text{ سم}^2$$



٢٨

$$\text{مساحة المستطيل} = 10 \times 5 = 50 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 5 \times 3 \times \frac{1}{2} = 7,5 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل} = \text{مساحة المستطيل} + \text{مساحة المثلث}$$

$$= 7,5 + 50 = 57,5 \text{ سم}^2$$

٢٩ نماذج: لدى محمد ١٠٠ مكعب صغير، استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط؛ لتحديد أبعاد أكبر مكعب يمكن إنشاؤه باستعمال المكعبات الصغيرة. (الدرس ٦-٢)

$$\text{الأبعاد} = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

أي ممكن يستخدم ٦٤ مكعب.

الاستعداد

للدروس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد مساحة كل من المثلثات الآتية:
 ٣٠ طول القاعدة: ٣ بوصات؛ الارتفاع: ١٠ بوصات.

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 4 \times 3 \times \frac{1}{2} = 6 \text{ بوصات}$$

٣١ طول القاعدة : ٨ أقدام ؛ الارتفاع : ٧ أقدام.

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \text{ طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 7 \times 8 \times \frac{1}{2} = 28 \text{ أقدام}$$

٣٢ طول القاعدة : ٥ سم ؛ الارتفاع : ١١ سم.

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \text{ طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 11 \times 5 \times \frac{1}{2} = 27,5 \text{ سم}$$

حجم المنشور والأسطوانة

٤-٦

نشاط

١ صف العلاقة بين حجم المنشور (ح) وأبعاده الثلاثة: الطول (ل)، والعرض (ض)، والارتفاع (ع).

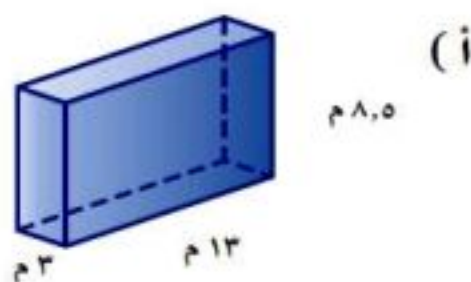
حجم المنشور يساوي حاصل ضرب الأبعاد الثلاثة.

٢ صف العلاقة بين مساحة القاعدة (م) والارتفاع (ع) من جهة، وحجم المنشور (ح) من جهة أخرى.

حجم المنشور يساوي مساحة القاعدة \times الارتفاع.

تحقق

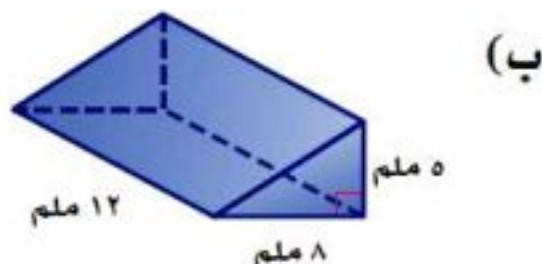
أوجد حجم كل منشور مما يأتي:



$$ح = ع \times م \times ط = ٨,٥ \times ٣ \times ١٣ = ٣٣١,٥ \text{ م}^٣$$

م تمثل مساحة المستطيل = ٣×١٣ .

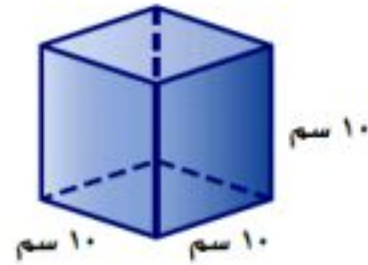
الارتفاع = $٨,٥$.



$$ح م = ع$$

$$م تمثل مساحة المثلث = \frac{1}{2} \times 5 \times 8 = 20 \text{ ملم}^2.$$

$$إذن ح = 20 \times 12 = 240 \text{ ملم}^2.$$



$$ح م = ع = 10 \times 10 \times 10 = 1000 \text{ سم}^3.$$

م تمثل مساحة المستطيل.

أوجد حجم كلٍّ من الأسطوانات الآتية، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

(د) نصف القطر ٢ م، والارتفاع ٧ م.

$$ح م = ع \quad \text{حيث } م = \text{طنق}^2، \text{ ط} = 3.14$$

$$ح = 3.14 \times 4 \times 7 = 87.92 \text{ م}^3.$$

هـ) القطر ١٨ سم، والارتفاع ٥ سم.

$$ح = ٣.١٤ \times ٨١ \times ٥ = ١٢٧١.٧ \text{ سم}^٣ \quad \text{حيث نق} = ٩.$$

و) **طيور:** صمّم نجار قفصًا للطيور الصغيرة كما في الشكل المجاور، أوجد حجم القفص.



$$\text{حجم المنشور الرباعي} = ٨ \times ٦ \times ٤ = ١٩٢.$$

$$\text{حجم المنشور الثلاثي} = ٦ \times ٣ \times ٤ \times \frac{1}{2} = ٣٦.$$

$$\text{إذن حجم القفص} = ١٩٢ + ٣٦ = ٢٢٨ \text{ بوصة مكعبة.}$$

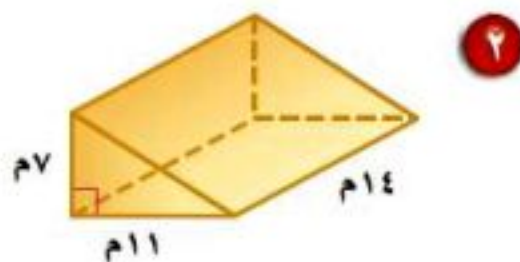


المثالان ١، ٢

أوجد حجم كل منشور مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



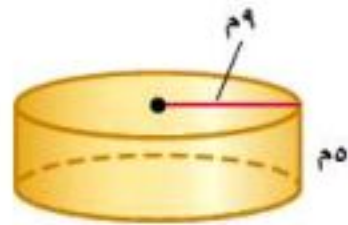
$$\text{الحجم} = م \times ع = ٦ \times ٢ \times ٣ = ٣٦ \text{ قدم مكعب.}$$



$$\text{ح} = ع \times م \times \frac{1}{2} = ١٤ \times (٧ \times ١١) \times \frac{1}{2} = ٥٣٩ \text{ م}^٣$$

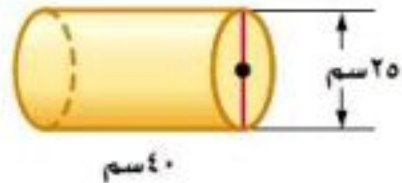
المثال ٣

أوجد حجم كل أسطوانة مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



٣

$$\text{الحجم} = \text{طنق} \times \text{ع} = 3.14 \times 81 \times 5 = 1272.3 \text{ م}^2$$



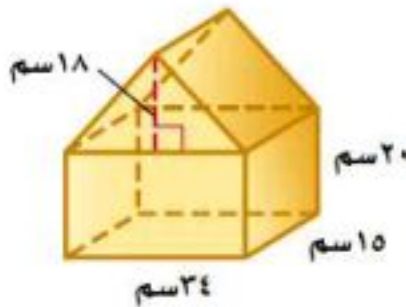
٤

$$\text{الحجم} = \text{طنق} \times \text{ع} = 3.14 \times 12.5 \times 40 = 1963.5 \text{ سم}^2$$

$$\text{حيث نق} = 12.5$$

المثال ٤

٥ ألعاب: أهدي بيت الدمية المجاور لأخت منال الصغرى. فما حجمه؟



حجم البيت = حجم المنشور الرباعي + حجم المنشور الثلاثي

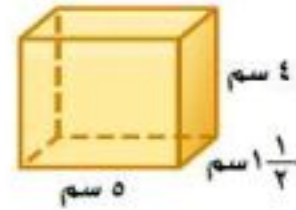
$$= 10200 + 4590 = 14790 \text{ م}^3$$

تدرب وحل المسائل:



أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

$$ح = ٤ \times ٤ \times ١.٥ = ٣٠ \text{ سم}^٣.$$



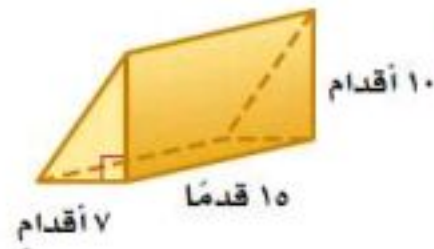
٦

$$ح = ٦ \times ٦ \times ٦ = ٢١٦ \text{ ملم}^٣.$$



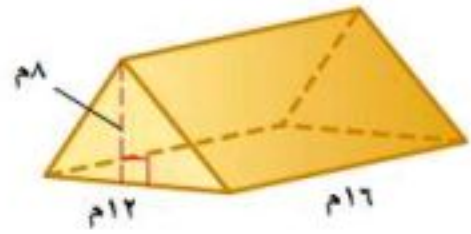
٧

$$ح = \frac{1}{2} \times ٧ \times ١٠ \times ١٥ = ٥٢٥ \text{ قدم مكعب}.$$



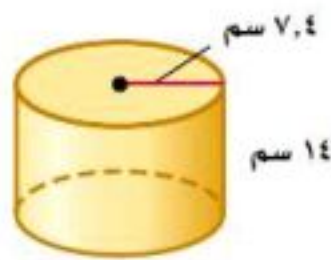
٨

$$C = \frac{1}{2} \times 12 \times 8 \times 16 = 768 \text{ م}^3$$



٩

$$C = 3.14 \times 7.4^2 \times 14 = 2408.5 \text{ سم}^3$$



١٠

$$C = 3.14 \times 1.4^2 \times 6 = 50.6 \text{ م}^3$$



١١

١٢ منشور رباعي: طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ١٧ سم.

$$ح = ٤ \times ٦ \times ١٧ = ٤٠٨ \text{ سم}^٣.$$

١٣ منشور ثلاثي: ارتفاعه $\frac{١}{٢}$ م، وقاعدته مثلثة الشكل ارتفاعها ١٤ م، وطول قاعدتها ٥ م.

$$ح = \frac{١}{٢} \times ٥ \times ١٤ \times ٨,٥ = ٢٩٧,٥ \text{ م}^٣.$$

١٤ أسطوانة: نصف قطر قاعدتها ٢٥ ملم، وارتفاعها ٢٠ ملم.

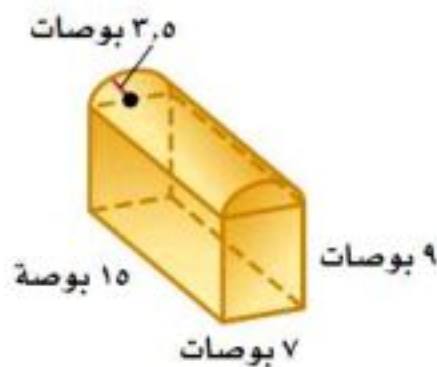
$$ح = ٣,١٤ \times ٢٥^٢ \times ٢٠ = ٣٩٢٦٩٦,٩ \text{ ملم}^٣.$$

١٥ أسطوانة: قطر قاعدتها ٢,٧ بوصات، وارتفاعها ٨,٥ بوصات.

$$ح = ٣,١٤ \times ٣,٦ \times ٥,٨ = ٢٣٦,١ \text{ بوصة}^٣.$$

١٦ صندوق: أوجد حجم صندوق

المجوهرات الموضح أدناه؟



$$\text{حجم المنشور الرباعي} = 9 \times 15 \times 7 = 945.$$

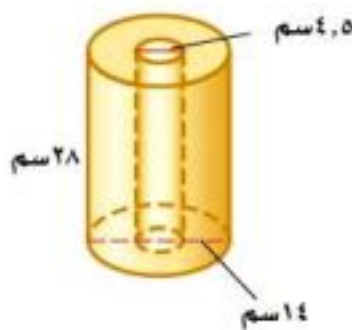
$$\text{حجم نصف الأسطوانة} = \frac{1}{2} (15 \times 3.5 \times 3.14)$$

$$= 288.4 \text{ بوصة مكعب.}$$

$$\text{إذن حجم الصندوق} = 1233.4 \text{ بوصة مكعبة.}$$

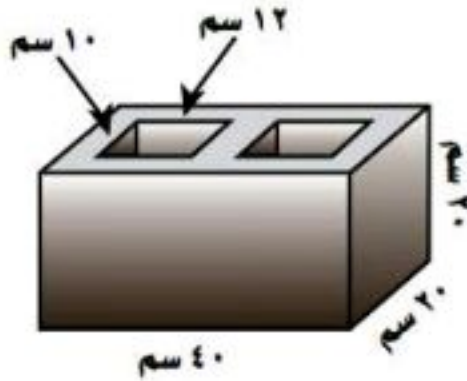
١٧ مناشف: يبين الشكل أدناه أبعاد لفة

مناشف ورقية جديدة. فما حجمها؟



$$\text{ح} = 3865 \text{ سم}^3.$$

٢٨ **بناء:** طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



حجم المنشور = مساحة القاعدة \times الارتفاع

القاعدة مستطيل لذلك م = الطول \times العرض

$$800 = 40 \times 20 =$$

$$\text{حجم المنشور} = 20 \times 800 = 16000 \text{ سم}^3$$

$$\text{حجم الثقبان} = (20 \times 10 \times 12) \times 2 = 4800 \text{ سم}^3$$

$$\text{الحجم المطلوب} = 16000 - 4800 = 11200 \text{ سم}^3$$

١٩ أوجد ارتفاع منشور رباعي طول حافته ٨, ٦ م، وعرضه ٥, ١ م، وحجمه ٩١, ٨ م^٣.

$$\text{ارتفاع المنشور} = \frac{\text{الحجم}}{\text{المحيط}} = \frac{91.8}{(1.5 \times 6.8)} = 9 \text{ م.}$$

٢٠ أوجد ارتفاع أسطوانة طول نصف قطرها ٤ سم، وحجمها ٦, ٣٠١ سم^٣.

$$\text{ارتفاع الأسطوانة} = \frac{6.301}{(4 \times 2 \times 3.14)} = 6 \text{ سم.}$$

٢١ تجارة: اشترى تاجر كمية من السمسم حجمها ٢٥٠٠ بوصة مكعبة، ثم وزَّعها في علب أبعادها ٢ × ٦ × ٨ بوصاتٍ، فإذا باع ٢٠ علبة منها، فكم يبقى من كمية السمسم؟

حجم السمسم ٢٥٠٠ بوصة مكعبة،

وزعت على علب حجمها $2 \times 6 \times 8 = 96$ بوصة مكعبة.

باع ٢٠ علبة وحجم العلب ٩٦، إذن $1920 = 96 \times 20$.

$2500 - 1920 = 580$ بوصة مكعبة بقيت من السمسم.

تغليظ: يبين الشكل المجاور علبة كرتونية، إذا قررت الشركة المصنعة استعمال تصميم جديد للعلبة بالحجم والارتفاع نفسه، ولكن بشكل أسطواني، فما طول قطر قاعدة الشكل الجديد الذي يمكن استعماله؟



$$\text{الحجم} = ٨ \times ٣ \times ٩ = ٢١٦.$$

حجم الشكل الأسطواني = ط نق' ع.

$$\text{نق}' = ح \div (ط \times ع) = ٢١٦ \div (٩ \times ٣) = ٧.٦.$$

$$\text{نق} = ٢.٧.$$

القطر = ٥.٦ بوصة.

٣٣ برك: قرر أحمد حفر بركة سباحة لأطفاله بطول ٢٠ قدمًا، وعرض ١١ قدمًا، وعمق ٥, ٢ قدم، وسينقل التراب الناتج عن الحفر بعربة تتسع لـ ٩ أقدام مكعبة من التراب، فكم مرة تستعمل العربة لنقل التراب من الموقع؟

$$\text{حجم البركة} = 20 \times 11 \times 2.5 = 550 \text{ قدم.}$$

$$\text{العربة تتسع لـ ٩ أقدام، إذن عدد مرات النقل} = 550 \div 9 = 62 \text{ مرة تقريبًا.}$$



٢٤ حدائق: يعمل إبراهيم حوضًا لزراعة الخضراوات بالقياسات المبيّنة. واستعمل لذلك أكياس تراب سعة الواحد منها ٥, ٠ ياردة مكعبة، فكم كيسًا يحتاجها لملء الحوض؟

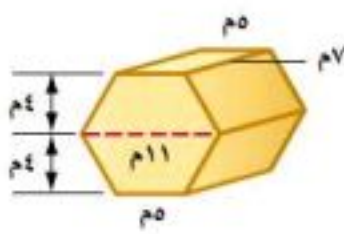
(إرشاد: ١ ياردة مكعبة = $3 \times 3 \times 3 = 27$ قدمًا مكعبة)

$$\text{حجم الحوض} = 1 \times 10 \times 8 = 80.$$

$$\text{حجم الكيس} = 0.5 \text{ ياردة} = 27 \times 0.5 = 13.5 \text{ قدم.}$$

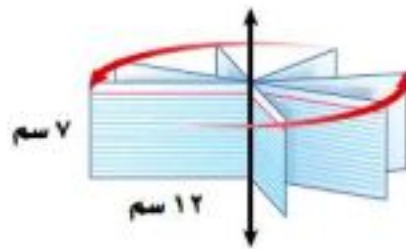
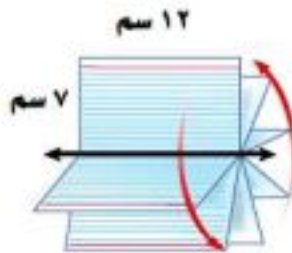
$$\text{إذن يحتاج لملئ الحوض} = 80 \div 13.5 = 6 \text{ أكياس.}$$

هندسة: اشرح كيف يمكنك إيجاد حجم المنشور السداسي المجاور، ثم أوجد حجمه.



$$\text{حجم المنشور} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع} = ٦٤ \times ٧ = ٤٤٨ \text{ م}^٣$$

افترض أن لديك بطاقة ملاحظات مستطيلة الشكل بُعدها ٢١ سم \times ٧ سم، إذا دوّرت البطاقة حول ضلعها الأطول، ثم حول ضلعها الأقصر كما في الشكل أدناه، فكوّنت أسطوانتين مختلفتين. أيّ الأسطوانتين حجمها أكبر؟ فسّر إجابتك.



حجم الأسطوانة = مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$\text{حجم الأسطوانة (١)} = \text{ط} \times 12 \times 7 = 1847,25$$

$$\text{حجم الأسطوانة (٢)} = \text{ط} \times 7 \times 12 = 3166,72$$

حجم الأسطوانة (٢) التي نصف قطرها ١٢ هي الأكبر

مسائل مهارات التفكير العليا:

تحدد: للأسئلة (٢٧-٣٠) صِفْ كيف يتأثر حجم كل مجسم مما يأتي بعد إجراء التغيير المذكور في أبعاده.

٢٧ مضاعفة أحد أبعاد المنشور المستطيلي.

$$٢ م ع = مثلي الحجم.$$

٢٨ مضاعفة بُعدين من أبعاد المنشور المستطيلي.

$$٢ \times ٢ م ع = ٤ أمثال الحجم الأصلي.$$

٢٩ مضاعفة جميع أبعاد المنشور المستطيلي.

$$٢ \times ٢ \times ٢ م ع = ٨ أمثال الحجم الأصلي.$$

٣٠ مضاعفة نصف قطر قاعدة الأسطوانة.

$$٤ أمثال الحجم الأصلي.$$

مسألة مفتوحة:

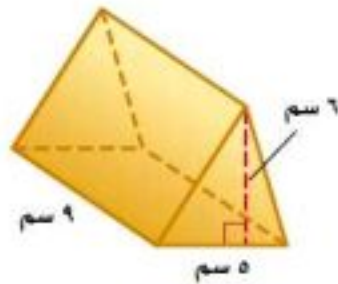
٣١

اختر مجسمًا أسطوانيًا، ثم أوجد حجمه، وتحقق من استعمال وحدات مناسبة، وفسّر إجابتك.

بفرض المجسم الأسطواني كالآتي:



فيكون حجمه $= 3.14 \times 1.4^2 \times 2.8 = 9 \times 0.4 = 3.6$ م^٣.



اكتشف الخطأ:

٣٢

أوجد كلٌّ من زيد ولؤي حجم المنشور المجاور، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟



لؤي

$$\begin{aligned} 6 \times 6 &= 36 \\ 36 \times \left(\frac{1}{2} \times 5\right) &= 36 \\ 36 \times 2.5 &= 90 \text{ م}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 6 \times 6 &= 36 \\ 36 \times (5 \times 9) &= 36 \\ 36 \times 45 &= 1620 \text{ م}^3 \end{aligned}$$



زيد

لؤي: لأن قاعدة المنشور هي مثلث ومساحة

$$= \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \quad \text{والارتفاع} = 9 \text{ م}$$

اكتب صيغتين يمكنك استعمالهما لإيجاد حجم المنشور المستطيلي (متوازي المستطيلات)، واذكر الصيغة التي تفضلها، وبين سبب ذلك.

$$ح = م \times ع$$

$$ح = س \times ص \times ع \text{ وأفضل الصيغة الأولى لأنها أشمل.}$$

تدريب على اختبار

أسطوانة طول قطرها ١٢ بوصة، وارتفاعها ٣٠ بوصة، قدر حجم الأسطوانة بالأقدام المكعبة؟

(ارشاد: ١ قدم = ١٢ بوصة)

(أ) ١ قدم مكعبة (ب) ٣ أقدم مكعبة

(ج) ٤ أقدم مكعبة (د) ٢ قدم مكعبة

حجم الأسطوانة = مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$\text{القطر} = \frac{12}{12} = 1 \text{ قدم}$$

$$\text{حجم الأسطوانة (١)} = \text{ط} \times \frac{30}{12} \times^2 (0,5) \times \text{ط} = \frac{30}{12} \times^2 \approx 2 \text{ قدم مكعبة}$$

٣٥ **إجابة قصيرة:** صندوق مصنوع من الكرتون أبعاده موضحة على الشكل أدناه. ما حجم الصندوق بالأقدام المكعبة؟



حجم المنشور = مساحة القاعدة \times الارتفاع

القاعدة مستطيل لذلك: م = الطول \times العرض

$$720 = 48 \times 15 =$$

حجم المنشور = $24 \times 720 = 17280$ بوصة

مراجعة تراكمية

٣٣ ما عدد أحرف الهرم الثماني؟ (الدرس ٦ - ٣)

عدد أحرف الهرم الثماني = ١٦ حرف.



٣٧ كرة السلة: يبين الشكل المجاور منطقة مستطيلة الشكل من ملعب كرة سلة تحت المرمى تسمى المنطقة المحرّمة ، حيث لا يسمح للاعبين البقاء فيها من ملعب الخصم لأكثر من ٣ ثوان دون الاستحواذ على الكرة، كذلك يظهر في الشكل نصف دائرة تحوي خط الرمية الحرّة وتسمى دائرة الرمية الحرّة . أوجد مساحة هذين الجزأين. (الدرس ٦ - ١)

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi \text{ ط}^2$$

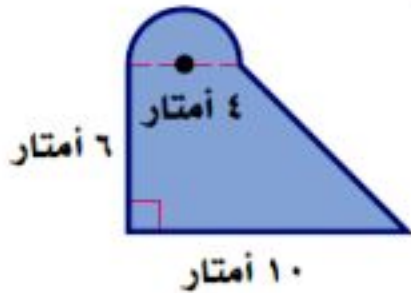
$$56,548 = \frac{1}{2} \pi (6)^2$$

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$228 = 12 \times 19 =$$

$$\text{مساحة الشكل} = 228 + 56,548 \approx 284,548$$

أوجد مساحة الشكل المركب المجاور. (الدرس ٦ - ١)



$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi r^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi (2)^2 = 6,28 \text{ متر}$$

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \text{ مجموع قاعدتيه} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} (4+10) \times 6 = 42 \text{ متر}$$

$$\text{مساحة الشكل} = 42 + 6,28 = 48,28 \text{ متر}$$

سقط ضفدع في حفرة عمقها ٨ أقدام، إذا تمكن الضفدع من التسلق على حافة الحفرة ٣ أقدام نهار كل يوم، ولكنه ينزلق إلى أسفل قدمين بالليل، فكم يوماً يحتاج الضفدع حتى يخرج من الحفرة؟ استعمل استراتيجية "حل مسألة أبسط". (الدرس ٦ - ٢)

إذا الضفدع يصعد ٣ لقدام وينزلق ٢ قدم معناها انه كل يوم يصعد قدم واحد إنن يحتاج له ٨ أيام حتى يخرج من الحفرة.

الاستعداد

للدروس اللاحق

مهارة سابقة : أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي :

$$20 = 10 \times 2 = 10 \times \frac{6}{3} = 10 \times 6 \times \frac{1}{3}$$

$$10 \times 6 \times \frac{1}{3} \text{ ٤٠}$$

$$35 = 7 \times 5 = 7 \times \frac{15}{3} = 15 \times 7 \times \frac{1}{3}$$

$$15 \times 7 \times \frac{1}{3} \text{ ٤١}$$

$$48 = 16 \times \frac{9}{3} = 9 \times 16 \times \frac{1}{3} = 9 \times 4 \times \frac{1}{3}$$

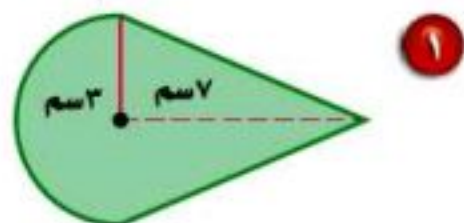
$$9 \times 4 \times \frac{1}{3} \text{ ٤٢}$$

$$240 = 20 \times 12 = 20 \times 36 \times \frac{1}{3} = 20 \times 6 \times \frac{1}{3}$$

$$20 \times 6 \times \frac{1}{3} \text{ ٤٣}$$

اختبار منتصف الفصل

أوجد مساحة الشكلين الآتيين، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس 6 - 1)



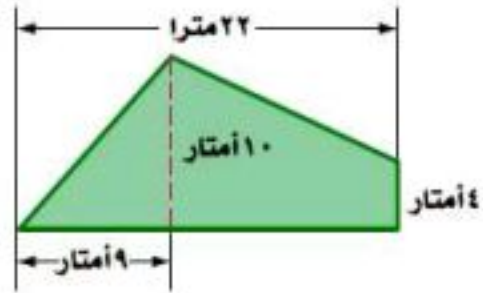
$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi r^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \pi (3)^2 = 14,13$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 3 \times 7 \times \frac{1}{2} = 10,5$$

$$\text{مساحة الشكل} = 14,137 + 10,5 = 24,63$$



٢

٢٠٠

مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$ طول القاعدة \times الارتفاع

$$45 = 10 \times 9 \times \frac{1}{2} = \text{مساحة المثلث}$$

٣ ما رقم الآحاد في العدد ٣ ؟

(استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط) (الدرس ٦ - ٢)

رقم الآحاد = ١

٤ **حفلات:** تُباع البالونات في أكياس سعة كلٍّ منها ١٥ بالونة أو ٣٥ بالونة، وتحتاج ريم إلى ١٩٥ بالونة لتزيين مكان حفل، فكم كيسًا من كل نوع على ريم أن تشتري؟ (استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط).

(الدرس ٦ - ٢)

$$90 = 15 \times 6$$

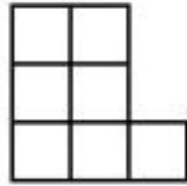
$$105 = 35 \times 3$$

$$195 = 90 + 105$$

إذن تحتاج ريم لـ ٦ أكياس التي لديها سعة ١٥ بالونة.

إذن تحتاج ريم لـ ٣ أكياس التي لديها سعة ٣٥ بالونة.

٥ يمثل الشكل أدناه مخططًا لمجسم صُنع من المكعبات ، فأي منظر لهذا المجسم يمثله الشكل أدناه : الأمامي أم الجانبي أم العلوي؟ (الدرس ٦ - ٣)

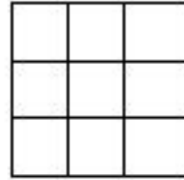


الجانبي.

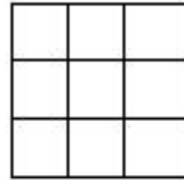


٦ ألعاب: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبى لمكعب الألغاز المجاور. (الدرس ٦ - ٣)

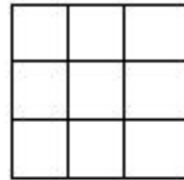
العلوي:



الأمامي:



الجانبى:



٧ **اختيار من متعدد:** أرادت مها رسم جميع أوجه

منشور ثلاثي. فما الأشكال التي ستظهر في ورقتها؟

(الدرس ٦ - ٢)

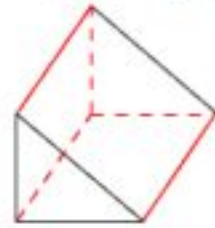
(أ) مربعان ومثلثان.

(ب) مثلثان وثلاثة مستطيلات.

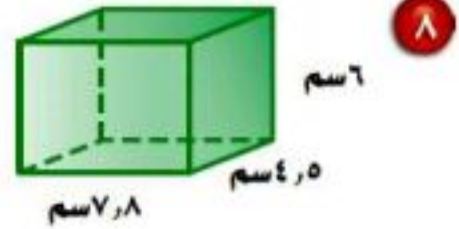
(ج) ثلاث مثلثات.

(د) مثلث ، وثلاث مستطيلات.

(ب) مثلثان وثلاثة مستطيلات.



أوجد حجم كل مجسم مما يلي ، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ٤)



حجم المنشور = مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$\text{مساحة القاعدة} = 7,8 \times 4,5 = 35,1$$

$$\text{حجم المنشور} = 6 \times 35,1 = 210,6$$



حجم الأسطوانة = مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$\text{حجم الأسطوانة} = \pi r^2 \times \text{ع}$$

$$\text{حجم الأسطوانة} = \pi (7)^2 \times 30 \approx 4618,2$$

١٠ اختيار من متعدد: ما حجم صندوق مكعب

الشكل، طول حرفه ١٥ بوصة؟ (الدرس ٦ - ٤)

(أ) ٢٢٥ بوصة مكعبة (ب) ١٣٥٠ بوصة مكعبة

(ج) ٩٠٠ بوصة مكعبة (د) ٣٣٧٥ بوصة مكعبة

(د) ٣٣٧٥ بوصة مكعبة

$$ح = ل^3$$

$$3375 = 15^3 = ح$$

١١ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) حجمه ٤, ٨٨ م^٣،

ما عرض قاعدة المنشور إذا كان طولها ٦, ٧ م وارتفاع

المنشور ٨ م؟ مقرباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

(الدرس ٦ - ٤)

حجم المنشور = مساحة القاعدة (مستطيل) × الارتفاع

$$88,4 = 8 \times 7,6 \times ض$$

$$ض = \frac{88,4}{8 \times 7,6} \approx 1,5 \text{ م}$$

١٢ **شمع:** قطر شمعة اسطوانية الشكل ١٠ سم، وارتفاعها ٢١ سم، إذا تم إذابتها وتحويلها إلى قطع متساوية كل منها على هيئة منشور أبعاده ٤ سم × ٦ سم × ٨ سم، فكم قطعة ينتج؟ (الدرس ٦ - ٤)

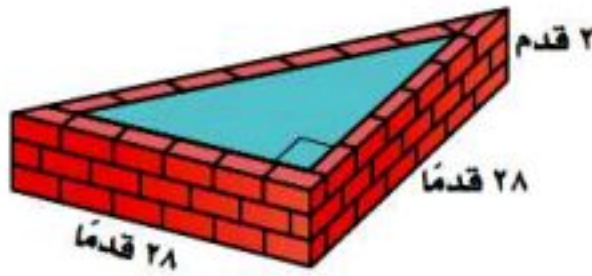
حجم الأسطوانة = ط × ع²

حجم الأسطوانة = ط (5) × 21² ≈ 1649,3

حجم المنشور = 8 × 6 × 4 = 192

عدد القطع = $\frac{1649,3}{192} \approx 8$ قطع

١٣ برك: بركة لأسماك الزينة على شكل منشور ثلاثي تقع في أحد المجمعات التجارية، استعمل الشكل أدناه لإيجاد حجم البركة. (الدرس ٦ - ٤)



حجم المنشور = مساحة القاعدة (مثلث) \times الارتفاع

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \text{ طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المثلث} = 28 \times 28 \times \frac{1}{2} = 392$$

$$\text{حجم المنشور} = 2 \times 392 = 784 \text{ قدم}^3$$

حجم الهرم والمخروط

٥-٦

نشاط

١ قارن بين كلٍّ من مساحتي القاعدتين والارتفاع في الشكلين.

مساحة القاعدة والارتفاع في كلا الشكلين واحدة.

٢ املأ الهرم بالرمل، وامسح أعلاه بمسطرة لتسوية السطح، ثم فرغ الرمل في المكعب، وكرر العملية حتى يمتلئ المكعب. كم مرة قمت بتعبئة الهرم لملء المكعب؟

ثلاث مرات.

٣ ما الكسر من المكعب الذي يملؤه هرم واحد؟

$$\frac{1}{3} = \text{الكسر}$$



(أ) أوجد حجم هرم ارتفاعه ٥ م، وقاعدته مربع طول ضلعه ٢ م.

$$ح = \frac{1}{3} م \times ٤ = \frac{1}{3} \times (٢ \times ٢) \times ٥ = ٦.٦ م^٣$$

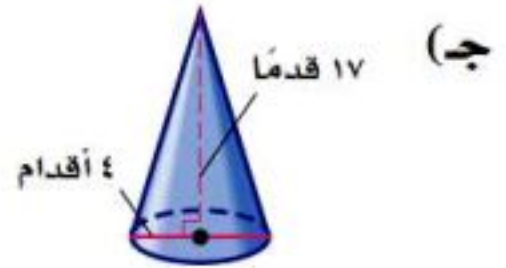
حيث أن القاعدة مربعة فتكون مساحتها = الطول × العرض

(ب) **براعة:** صنع ماجد شمعة على شكل هرم، حجمها ٨٦٤ سم^٣، ومساحة قاعدتها ١٤٤ سم^٢، فما ارتفاعها؟

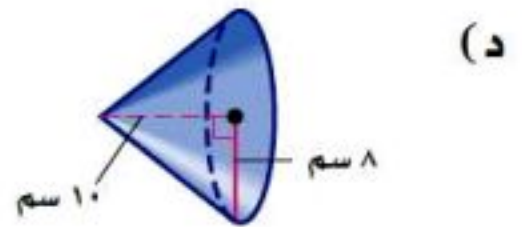
$$\text{بما أن } ح = \frac{1}{3} م \times ع، \text{ إذن } ع = ٣ \times ح \div م$$

$$= ١٨ \text{ سم} = ١٤٤ \div ٨ \times ٣$$

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 4^2 \times 17 = 71.1 \text{ قدم مكعب.}$$

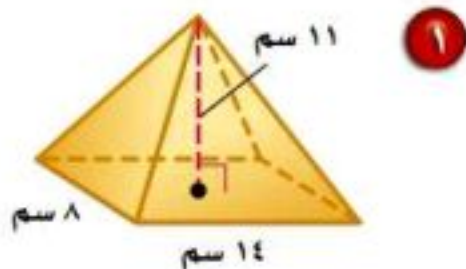


$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 10^2 \times 8 = 669.9 \text{ سم}^3$$

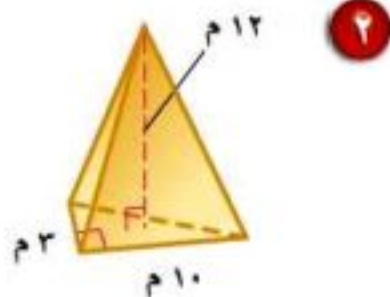
تأكد ✓

المثال ١

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



$$١٠.٧ \text{ سم}^3 = 11 \times 8 \times 14 \times \frac{1}{3} = ٤ \frac{1}{3} \text{ م}^3$$



$$٦٠ \text{ م}^3 = 12 \times (3 \times 10 \times \frac{1}{2}) \times \frac{1}{3} = ٤ \frac{1}{3} \text{ م}^3 = ح$$

٣ أوجد حجم هرم ارتفاعه ١٧ مترًا، وقاعدته مربعة طول ضلعها ٢٢ مترًا.

$$ح = \frac{1}{2} \times 17 \times 22 \times 22 = 2742.7 \text{ م}^3$$

المثال ٢

٤ آثار: هرم (منقرع) هو أحد أهرامات مصر القديمة، ارتفاعه الحالي ٦٥,٥ م، وحجمه ٢٥٤٦٦٤ م^٣ تقريبًا، فما طول كل جانب من قاعدته المربعة؟

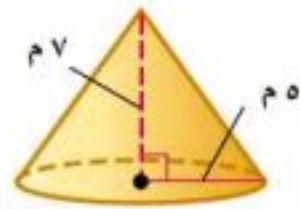
$$ع = 65.5 \text{ م، } ح = 254664 \text{ م}^3،$$

$$\text{إذن } م = ح \div 3 = 254664 \div 3 = 84888 \text{ م}^2$$

$$\text{فيكون طول كل جانب من قاعدته } = \sqrt{84888} = 291.3 \text{ م}$$

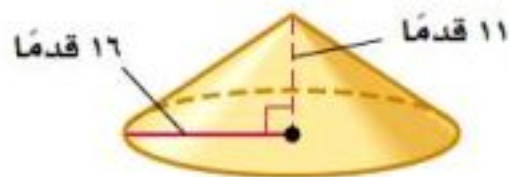
المثال ٣

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



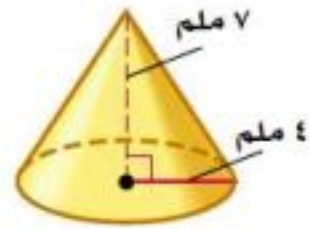
٥

$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع' = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 5 \times 7 = 183.3 \text{ م}^3$$



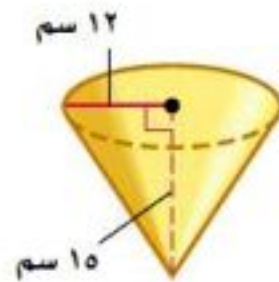
٦

$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع' = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 16 \times 11 = 2948.4 \text{ قدم مكعب.}$$



٧

$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق } 'ع = \frac{1}{3} \times 7 \times 16 \times 3.14 = 117.3 \text{ ملم}^3$$



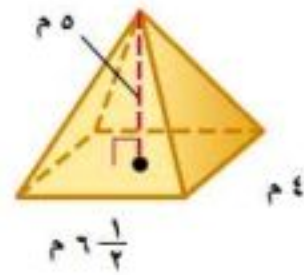
٨

$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق } 'ع = \frac{1}{3} \times 10 \times 144 \times 3.14 = 2261.9 \text{ سم}^3$$

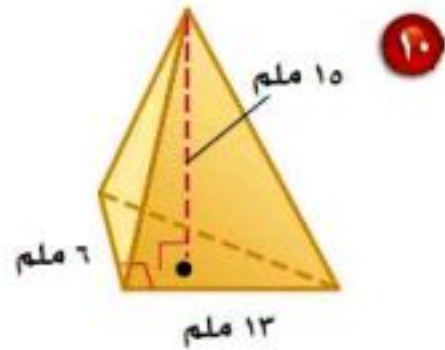
تدرب وحل المسائل:



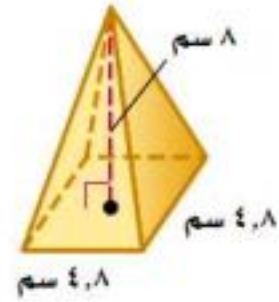
أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



$$V = \frac{1}{3} \times 4 \times 4 \times 5 = \frac{1}{3} \times 80 = 26\frac{2}{3} \text{ م}^3$$



$$V = \frac{1}{3} \times 13 \times 13 \times 10 = \frac{1}{3} \times 1690 = 563\frac{1}{3} \text{ ملم}^3$$



$$61.4 \text{ سم}^3 = 8 \times 4.8 \times 4.8 \times \frac{1}{3} = 61.4 \text{ سم}^3$$

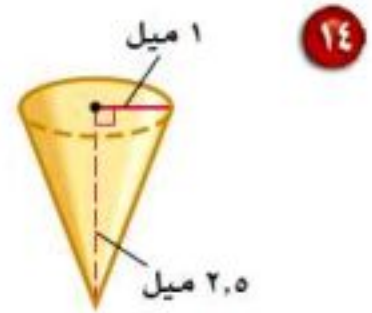
١٢ هرم ثلاثي: قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٧ سم، وارتفاع الهرم ١٥ سم.

$$175 \text{ سم}^3 = 10 \times 7 \times 15 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = 175 \text{ سم}^3$$

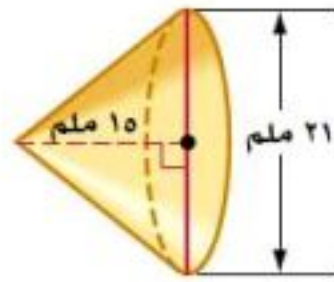
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 9 \times 22 = 1866.1 \text{ قدم مكعب.}$$



$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 1 \times 2.5 = 2.6 \text{ ميل مكعب.}$$



١٥

$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق}^2 ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 110.25 \times 15 = 1731.8 \text{ ملم}^3$$

١٦ مخروط: قطر قاعدته ١٢ م، وارتفاعه ٥ م.

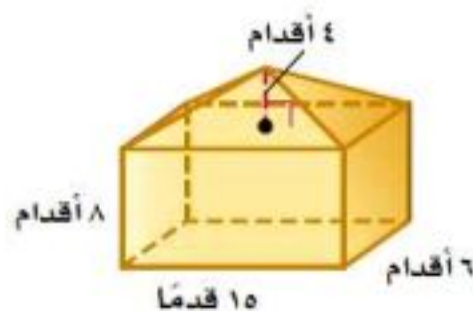
$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق}^2 ع = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 36 \times 5 = 188.5 \text{ م}^3$$

١٧ علوم: أنشئ نموذج جبل بركاني؛ ليكون مشروعاً في مادة العلوم على شكل مخروط طول قطر قاعدته ٨ سم، فإذا كان حجم النموذج ٢٠١ سم^٣ تقريباً، فما ارتفاعه؟

$$\text{الحجم} = 201 \text{ سم}^3، \text{ نق} = ٤، \text{ وبما أن } ح = \frac{1}{3} \text{ طنق}^2 ع.$$

$$\text{إن ارتفاع المخروط} = ح = (١٦ \times 3.14) \div 3 = 12 \text{ سم}.$$

أوجد حجم كل مجسم، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

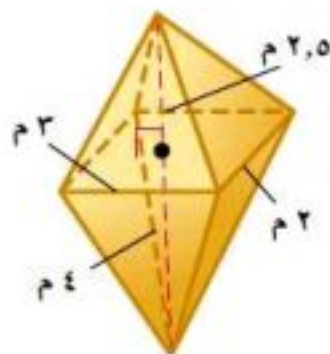


١٨

$$\text{حجم المنشور} = 8 \times 15 \times 6 = 720$$

$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \times 4 \times (6 \times 15) = 120$$

$$\text{إنن حجم المجسم} = 720 + 120 = 840 \text{ قدم مكعب.}$$

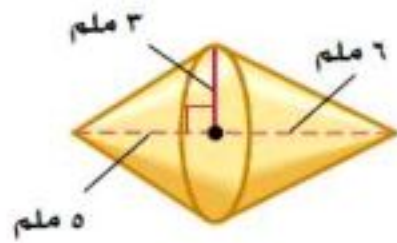


١٩

$$\text{حجم الهرم الأعلى} = \frac{1}{3} \times 2.5 \times (3 \times 3) = 7.5$$

$$\text{حجم الهرم الأسفل} = \frac{1}{3} \times 4 \times (3 \times 2) = 8$$

$$\text{إنن حجم المجسم} = 8 + 7.5 = 15.5$$



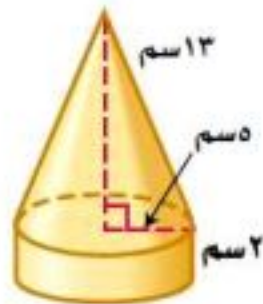
حجم المخروط الأول = $\frac{1}{3}$ طنق' ع

$$56.52 = 6 \times 9 \times 3.14 \times \frac{1}{3} =$$

حجم المخروط الثاني = $\frac{1}{3}$ طنق' ع

$$47.1 = 5 \times 9 \times 3.14 \times \frac{1}{3} =$$

إن حجم الجسم = $47.1 + 56.52 = 103.62$ سم³



حجم المخروط = $\frac{1}{3}$ ط' ع²

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \times 25 \times 13 \times 3.14 \approx 340.3 \text{ سم}^3$$

٢٢ **قبعات:** يريد مهرج أن يملأ قبعته رملاً، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعته من الرمل.



حجم القبعة = $\frac{1}{3}$ طنق 'ع

$$= \frac{1}{3} \times 3.14 \times 16 \times 6 = 100.48 \text{ بوصة مكعبة.}$$

مسائل مهارات التفكير العليا:

٣٣ **تحد:** ماذا يحدث لارتفاع مخروط عند ضرب نصف القطر في ثلاثة مع المحافظة على الحجم نفسه؟

$$ع = ح^3 \div (ط نق) \text{ وبضرب نق } \times 3 \text{ تكون } ع = ح \div ط نق'$$

إذن يقل الارتفاع إلى $\frac{1}{3}$



٣٤ **الحس العددي:** أيهما له تأثير أكبر في حجم المخروط: مضاعفة نصف قطره ، أم مضاعفة ارتفاعه ؟ برّر إجابتك.

عند مضاعفة نصف القطر يتضاعف الحجم ؛ أمثاله أما عند مضاعفة الارتفاع فيتضاعف الحجم مثليين.

اكتب: موقفًا من واقع الحياة يمكن أن يُحل بإيجاد حجم المخروط.

إيجاد كمية آيس كريم في علبة مخروط الشكل.

تدريب على اختبار

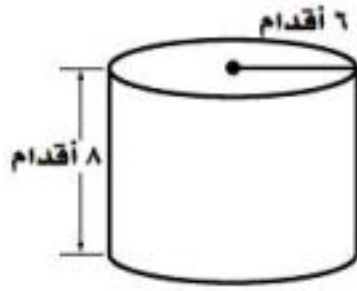
٢٦ هرم قاعدته مستطيلة الشكل، بُعدها ١٨ بوصة \times ٣٠ بوصة، وارتفاعه ٣٦ بوصة. أيُّ مما يأتي أقرب إلى حجم الهرم بالأقدام المكعبة؟
(إرشاد: ١ قدم = ١٢ بوصة)

- (أ) ٢, ٥ قدم مكعبة
(ب) ٣ أقدام مكعبة
(ج) ٤ أقدام مكعبة
(د) ٥, ٥ أقدام مكعبة

(ج) ٤ أقدام مكعبة

حجم الهرم = $\frac{1}{3}$ مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$4 \approx 3,75 = \frac{36}{12} \times \frac{30}{12} \times \frac{18}{12} \times \frac{1}{3} =$$



٢٧ ما حجم الأسطوانة المجاورة؟
مقرَّبًا إجابتك إلى أقرب جزء
من عشرة إذا لزم الأمر.

(أ) ٤٨ قدمًا مكعبة (ب) ٢٨٨ قدمًا مكعبة

(ج) ٩٠٤,٨ أقدام مكعبة (د) ١٥٠,٣ قدمًا مكعبة

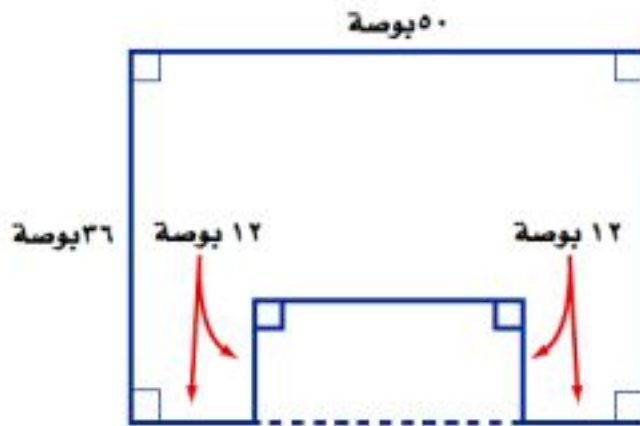
(د) 904,8 أقدام مكعبة

حجم الأسطوانة = ط Ⓜ² ع

حجم الأسطوانة = ط (6) × 8 = 904,8 أقدام مكعبة

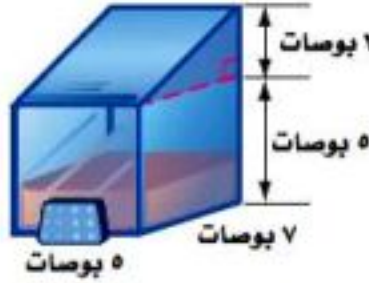
مراجعة تراكمية

٢٨ أاث: يبين الشكل المجاور سطح طاولة . ما مساحة سطح الطاولة؟ (الدرس ٦ - ١)



مساحة المستطيل الكبير - الصغير = مساحة سطح الطاولة

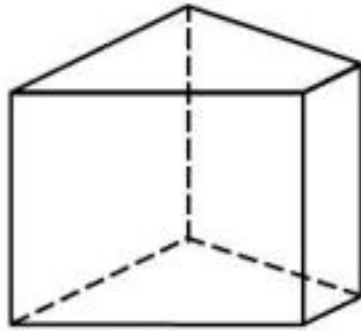
$$1488 = (26 \times 12) - (36 \times 50) =$$



٢٩ **صابون:** أوجد حجم علبة صابون السائل في الشكل المجاور. (الدرس ٦ - ٤)

حجم المنشور = مساحة القاعدة (مستطيل) × الارتفاع

$$\text{حجم المنشور} = 8 \times 5 \times 7 = 280 \text{ بوصة}$$



٣٠ حدّد اسم المجسم المجاور، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه. (الدرس ٦ - ٣)

منشور رباعي له ٦ أوجه و ٩ أحرف و ٨ رؤوس.

الاستعداد
للدروس اللاحق

مهارة سابقة : أوجد محيط كل دائرة مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

٣١ قطرها ٩ بوصات

محيط الدائرة = $2\pi r$

$$م = 2\pi \times 4,5 \approx 28,27 \text{ بوصة}$$

٣٢ قطرها ٥,٥ أقدام

محيط الدائرة = $2\pi r$

$$م = 2\pi \times \frac{5,5}{2} \approx 17,3 \text{ قدم}$$

٣٣ نصف قطرها ٢ م

محيط الدائرة = ٢ ط نق

$$م = ٢ ط \times ٢ \approx 12,6 م$$

٣٤ نصف قطرها ٣,٨ سم

محيط الدائرة = ٢ ط نق

$$م = ٢ ط \times 3,8 \approx 23,9 سم$$

استكشاف: مساحة سطح الأسطوانة

حل النتائج:



١ صِفِ الأجزاء المستوية التي تكوّن مخطط الوعاء الأسطواني.

دائرتين واسطوانة.

٢ أوجد مساحة كل جزءٍ منها، ومجموع تلك المساحات.

$$\text{مساحة الدائرتين} = 2 \times \pi r^2$$

$$\text{مساحة المستطيل} = 2 \times \pi r \times h$$

$$\text{مجموع المساحة} = 2 \times \pi r^2 + 2 \times \pi r \times h$$

٣ أوجد قطر الجزء الأعلى للوعاء الأسطواني، واستعمله في إيجاد محيط ذلك الوجه.

$$2\text{ق} \text{ ط.}$$

٤ اضرب المحيط في ارتفاع الوعاء، فماذا تشكل هذه النتيجة؟

ق ط ع؛ المساحة الجانبية للأسطوانة

٥ اجمع النتيجة من سؤال ٤ إلى مجموع مساحة القاعدتين الدائريتين.

$$\text{ق ط ع} + 2\text{ق}^2$$

٦ قارن بين إجابتك عن التمرينين ٢ ، ٥ .

إجابات متساوية.

٧ **خمن:** اكتب طريقة لإيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة عُلِمَ قياس كلٍّ من ارتفاعها وقطر إحدى قاعدتيها.

احسب المساحة لإحدى الدائرتين باستعمال نصف القطر الذي يساوي القطر مقسوماً على ٢، ثم اضرب الناتج في ٢ لحساب مساحة القاعدتين، ثم أضف إليه مساحة السطح الجانبي، الذي يساوي محيط إحدى القاعدتين مضروباً في ارتفاع الأسطوانة.

مساحة سطح المنشور والأسطوانة

٦-٦

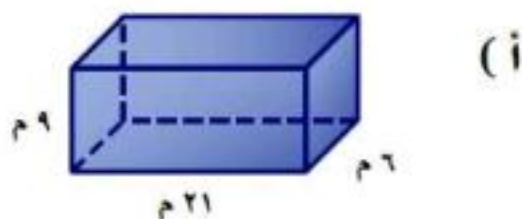
نشاط

- ١ أوجد مساحة كل وجه، ثم مجموع تلك المساحات.
- ٢ اضرب محيط قاعدة الصندوق في ارتفاعه. ماذا يمثل ناتج الضرب؟
حاصل الضرب يعطي مساحة الأوجه ماعدا الوجهين العلوي والسفلي.
- ٣ اجمع ما حصلت عليه في السؤال ٢ إلى مجموع مساحة القاعدتين.
- ٤ قارن بين الإجابتين في ١ و ٣.

متساويان.

تحقق

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:



المساحة الجانبية = مح \times ع

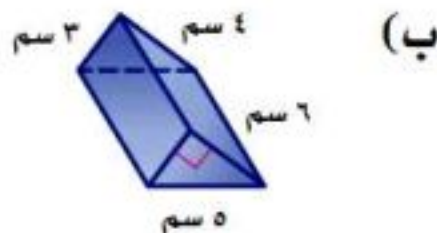
$$\text{مح} = 2(6 + 21) = 54$$

$$\text{المساحة الجانبية} = 9 \times 54 = 486 \text{ م}^2$$

المساحة الكلية = مح + ع \times م

$$126 = 21 \times 6 = \text{م} \times \text{ع}$$

$$\text{إذن المساحة الكلية} = 486 + 126 \times 2 = 738 \text{ م}^2$$

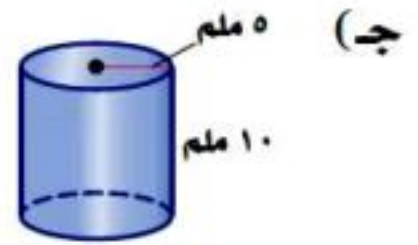


$$\text{المساحة الجانبية} = \text{مح} \times \text{ع} = 6 \times (3 + 4 + 5) = 72 \text{ سم}^2$$

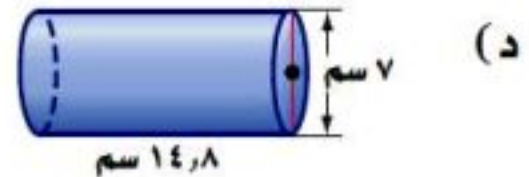
$$\text{مساحة القاعدة} = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$$

$$\text{المساحة الكلية} = 72 + 6 \times 2 = 84 \text{ سم}^2$$

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل أسطوانة مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب عُشر:



$$\begin{aligned} \text{المساحة الجانبية} &= \text{مح ع} = 2 \text{ طنق ع} \\ &= 2 \times 3.14 \times 5 \times 10 = 314 \text{ ملم}^2 \\ \text{المساحة الكلية} &= \text{ج} + 2 \text{ طنق} \\ &= (25 \times 3.14 \times 2) + 314 = 471 \text{ ملم}^2 \end{aligned}$$

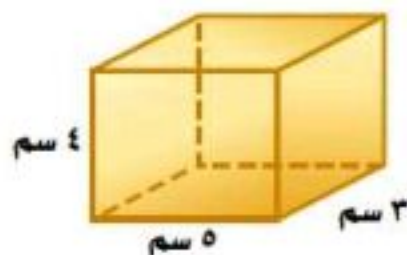


$$\begin{aligned} \text{المساحة الجانبية} &= 2 \text{ طنق ع} \\ &= 2 \times 3.14 \times 7 \times 14.8 = 325.3 \text{ سم}^2 \\ \text{المساحة الكلية} &= \text{ج} + 2 \text{ طنق} \\ &= (12.25 \times 3.14 \times 2) + 325.3 = 402.23 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

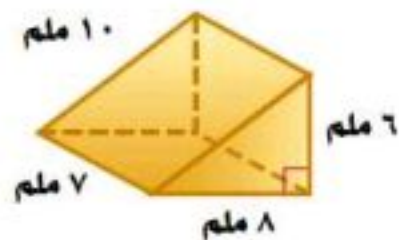
تأكد ✓

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب عشر:

المثالان ١، ٢

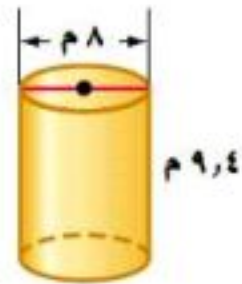


$$\begin{aligned} \text{ج} = \text{مح} \text{ع} &= 4 \times (5 + 3)^2 = 4 \times 16 = 64 \text{ سم}^2 \\ \text{ك} = \text{ج} + \text{م}^2 &= 30 + 64 = (5 \times 3)^2 + 64 = 94 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{ج} &= 7 \times (10 + 8 + 6) = 168 \text{ ملم} \\ \text{ك} &= 48 \times 168 = (6 \times 8 \times \frac{1}{2})^2 + 168 = 216 \text{ ملم}^2 \end{aligned}$$

المثال ٣



٣

$$\text{ج} = ٢ \text{ طنق ع} = ٩,٤ \times ٤ \times ٣,١٤ \times ٢ = ٢٣٦,١ \text{ م}^٢$$

$$\text{ك} = \text{ج} + ٢ \text{ طنق} = (١٦ \times ٣,١٤) \times ٢ + ٢٣٦,١ = ٣٣٦,٥٨ \text{ م}^٢$$



٤

$$\text{ج} = ٢ \text{ طنق ع} = ٢٥ \times ١٦ \times ٣,١٤ \times ٢ = ٢٥١٢ \text{ قدماً}^٢$$

$$\text{ك} = \text{ج} + ٢ \text{ طنق} = (٢٥٦ \times ٣,١٤ \times ٢) + ٢٥١٢ = ٤١١٩,٦ \text{ قدماً}^٢$$

المثال ٤

٥ **تغليف:** تغلف بعض علب العصير الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة ورقة تغليف علبة العصير.



$$ك = ج + ٢ ط نق$$

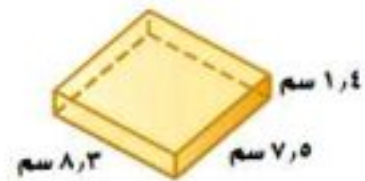
$$بما أن ج = ٢ ط نق = ٢ \times ٣.١٤ \times ١.٥ = ٩.٤٢$$

$$إذن ك = ٩.٤٢ + ٤٧.١ = ٥٦.٥٢$$

تدرب وحل المسائل:



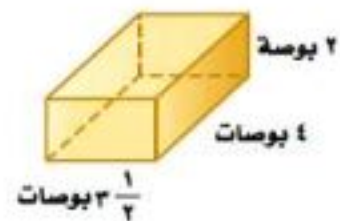
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب عشر:



٦

$$ج = 1.4 \times (8.3 + 7.5) \times 2 = 44.2 \text{ سم}^2$$

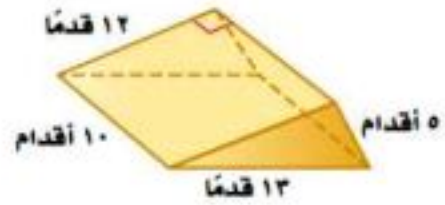
$$ك = (8.3 \times 7.5) \times 2 + 44.2 = 168.8 \text{ سم}^2$$



٧

$$ج = 2 \times (3.5 + 4) \times 2 = 30 \text{ بوصة}^2$$

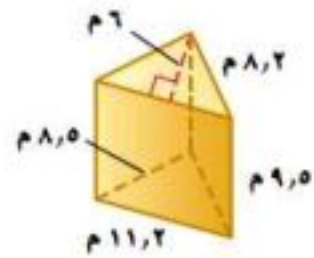
$$ك = (3.5 \times 4) \times 2 + 30 = 58 \text{ بوصة}^2$$



٨

$$\text{ج } 300 = 10 \times (12 + 13 + 5)$$

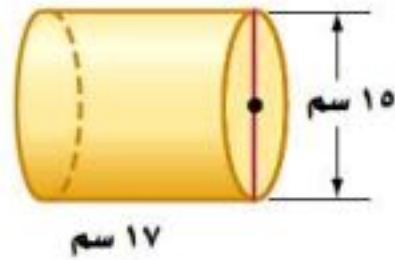
$$\text{ك } 360 = (5 \times 12 \times \frac{1}{2}) \times 10 + 300$$



٩

$$\text{ج } 265.1 = 9.5 \times (11.2 + 8.5 + 8.2)$$

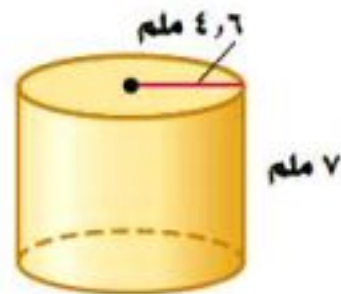
$$\text{ك } 332.3 = (6 \times 11.2 \times \frac{1}{2}) \times 9.5 + 265.1$$



٢٠

$$\text{ج} = 17 \times 7.5 \times 3.14 \times 2 = 800.7 \text{ سم}^2$$

$$\text{ك} = (56.25 \times 3.14) \times 2 + 800.7 = 1153.95 \text{ سم}^2$$



٢١

$$\text{ج} = 7 \times 4.6 \times 3.14 \times 2 = 202.2 \text{ ملم}^2$$

$$\text{ك} = (21.2 \times 3.14) \times 2 + 202.2 = 335.1 \text{ ملم}^2$$



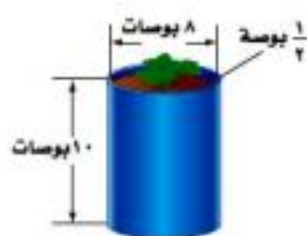
١٢ **خيام** : يُنتج مصنع خيامًا بلاستيكية كما في الشكل المجاور. فما مساحة قطعة البلاستيك التي تلزم لصنع خيمة؟

$$ك = ج + ٢٠٠$$

بما أن المثلث متساوي الساقين إذن

$$ج = ١٨٣ \times (١٤٣.٧ + ١٤٣.٧ + ١٥٢) = ٨٠٤١٠.٢ \text{ سم}^٢$$

$$ك = ٨٠٤٢٣.٣ = (١٢٢ \times ١٥٢ \times \frac{1}{2}) + ٨٠٤٢٣.٣ \text{ سم}^٢$$



١٣ **فن** : اشترت هناء وعاء النبات المجاور، فإذا كان طول قطره الداخلي ٨ بوصات، وارتفاعه ١٠ بوصات، وسمك الإناء $\frac{1}{4}$ بوصة، وأرادت هناء طلاء قاعدة الوعاء وسطحه من الداخل والخارج، فكم بوصة مربعة من الإناء يجب أن تُطلى؟

مساحة السطح الخارجية (نق = ٤ بوصة)

$$ج = ١٠ \times ٤ \times ٣.١٤ \times ٢ = ٢٥١.٢ \text{ بوصة}^٢$$

$$ك = ٢٥١.٦٨ = (١٦ \times ٣.١٤) + ٢٥١.٢ \text{ بوصة}^٢$$

مساحة السطح الداخلي (نق = ٤ - ٠.٥ = ٣.٥ بوصة)

$$ج = ١٠ \times ٣.٥ \times ٣.١٤ \times ٢ = ٢١٩.٨ \text{ بوصة}^٢$$

$$ك = ٢١٩.٨ + (١٢.٢٥ \times ٣.١٤) = ٢٩٦.٧٣ \text{ بوصة}^٢$$

المساحة التي يجب أن تُطلى = المساحة الخارجية + المساحة الداخلية

$$= ٢٩٦.٧٣ + ٣١٥.٦٨ = ٦١٢.٤١ \text{ بوصة}^٢$$

١٤ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) طوله ١٢ سم، وعرضه ٤ سم، ومساحته الكلية تساوي ٥٧٦ سم^٢، فما ارتفاعه؟

$$\begin{aligned} \text{ك} &= \text{ج} + \text{م} \\ 96 &= 4 \times 12 \times 2 = \text{م} \\ 96 + \text{ج} &= 576 \\ \text{ج} &= 576 - 96 = 480 \text{ بوصة} \\ \text{ج} &= \text{مح ع} \\ \text{مح} &= (4 + 12) \times 2 = 32 \\ \text{ع} = \text{ج} \div \text{مح} &= 480 \div 32 = 15 \text{ بوصة} \end{aligned}$$



١٥ **تغليظ:** صمّم وعاءان من الكرتون لأحد أنواع الحبوب كما في الشكل المجاور، فإذا كان الحجمان متساويين تقريبًا، فأَي الوعائين يحتاج إلى كمية أقل من الكرتون؟ فسّر إجابتك.

$$\begin{aligned} \text{ك} & \text{للمنشور} = \text{ج} + \text{م} \\ \text{ج} = \text{مح ع} &= 12 \times (7+4) \times 2 = 264 \\ \text{ك} = 264 + (7 \times 4) \times 2 &= 320 \text{ بوصة} \\ \text{ك} & \text{للأسطوانة} = \text{ج} + \text{م} \\ \text{ج} = 2 \text{ طنق ع} &= 12 \times 3 \times 3.14 \times 2 = 226.1 \\ \text{ك} = 226.1 + (9 \times 3.14 \times 2) &= 282.6 \text{ بوصة} \\ & \text{إذن تحتاج الأسطوانة لكمية أقل.} \end{aligned}$$

مسائل مهارات التفكير العليا:

١٦ **نبريل:** حدّد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة أم خاطئة. وإذا كانت خاطئة، فأعطِ مثالاً مضاداً: "إذا تساوى حجماً منشورين مستطيلين فإنه يكون لهما المساحة الكلية نفسها".

خاطئة: المنشور الرباعي الذي طوله ٢ سم عرضة ٤ سم وارتفاعه ٦ سم له الحجم نفسه للمنشور الرباعي الذي طوله ٢ سم عرضة ٢ سم وارتفاعه ١٢ سم، والمساحة الكلية للمنشور الأول ٨٨ سم^٢ بينما المساحة الكلية للمنشور الثاني = ١٠٤ سم^٢

١٧ **تحد:** أيُّ الحالتين تزداد عندها المساحة الكلية لسطح الأسطوانة بشكل أكبر: مضاعفة الارتفاع مرة أم مضاعفة نصف القطر مرة؟ فسر إجابتك.

مضاعفة نصف القطر مرتين = ٢ ط نق^٢ + ٢ ط نق ع، أما إذا تضاعف الارتفاع مرتين فإن الجزء الثاني من المعادلة يتضاعف، أما إذا تضاعف نصف القطر فإن الجزء الأول من المعادلة يضرب في ٤ ويتضاعف الجزء الثاني مرتين.

٢٨ **الحس العددي:** إذا زدت نصف قطر أسطوانة إلى ثلاثة أمثاله، ففسر كيف يؤثر ذلك في المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة الجديدة بالنسبة لسطح الأسطوانة الأولى.

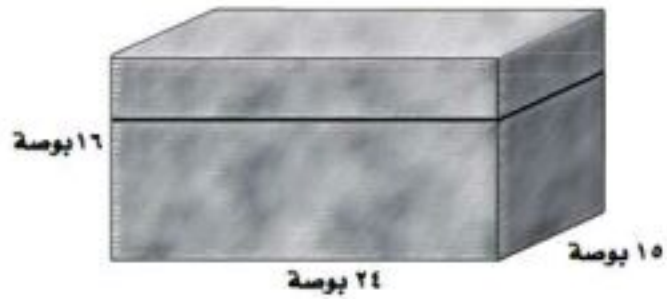
تضرب المساحة الجانبية $\times 3$ فعند ضرب نصف القطر $\times 3$ تكون

المساحة الجانبية = 2×3 نق ع

= 6×3 (2×3 نق ع) أي $3 \times$ المساحة الجانبية الأصلية.

تدريب على اختبار

٢٩ قام فيصل بطلاء الصندوق الموضح بالشكل أدناه من الخارج ، فكم المساحة السطحية التي سيقوم فيصل بدهانها بالبوصات المربعة؟



- (أ) ٣٣٠ بوصة مربعة
 (ب) ٣٩٩ بوصة مربعة
 (ج) ١٩٦٨ بوصة مربعة
 (د) ٥٧٦٠ بوصة مربعة

(ج) ١٩٦٨ بوصة مربعة

المساحة الجانبية = محيط القاعدة \times الارتفاع

محيط القاعدة = (الطول + العرض) \times ٢

محيط القاعدة = $78 = 2 \times (24 + 15)$

المساحة الجانبية = $1248 = 16 \times 78$ بوصة

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين

مساحة القاعدة = الطول \times العرض = $360 = 24 \times 15$

المساحة الكلية = $1968 = (360 \times 2) + 1248$

٢٠ فرشاة دهان أسطوانية كما في الشكل أدناه.



كم بوصة مربعة مساحة الجزء الذي تغطيه دورة الفرشاة مرّة واحدة من الدهان على الحائط، مقربًا إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة؟

- (أ) ١١٣, ١ بوصة مربعة ج) ٢٨, ٣ بوصة مربعة
 (ب) ٥٦, ٥ بوصة مربعة د) ١٨, ٠ بوصة مربعة

(ب) 56,5

المساحة الجانبية للأسطوانة = محيط القاعدة × الارتفاع

$$\text{محيط القاعدة} = 2\pi r = 2 \times 3,14 \times 1 = 6,28$$

$$\text{المساحة الجانبية للأسطوانة} = 6,28 \times 9 = 56,54$$

مراجعة تراكمية

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي ، مقربًا الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم ذلك: (الدرس ٦ - ٥)

١١ هرم رباعي: قاعدته على شكل مستطيل طوله ١٤ م، وعرضه ١٢ م، وارتفاع الهرم ٧ م.

$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \text{ مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \times 7 \times 12 \times 14 = 392$$

١٢ مخروط: قطر قاعدته ٢٢ سم، وارتفاعه ٢٤ سم.

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \text{ مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \times \pi \times \left(\frac{22}{2}\right)^2 \times 24 \approx 3041,1$$

٢٣ **صحة:** ثلاجة في مختبر مركز صحي أبعادها الداخلية ١٧ بوصة × ١٨ بوصة × ٤٢ بوصة ، إذا وصل إلى المختبر عينات حجمها يزيد على ٨ أقدام مكعبة لحفظها في الثلاجة، فهل تتسع الثلاجة للعينات؟ فسر إجابتك. (الدرس ٦-٤)

حجم الثلاجة = مساحة القاعدة × الارتفاع

$$\text{حجم الثلاجة} = 17 \times 18 \times 42 = 12852 \text{ بوصة}$$

$$\text{حجم العينات} = 8 \text{ أقدام} = 12 \times 8 = 96 \text{ بوصة}$$

إذن تتسع الثلاجة لحفظ العينات

الاستعداد

للدروس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:

$$2,8 \times \frac{1}{2} \quad ٢٤$$

$$1,4 = 2,8 \times \frac{1}{2}$$

$$23 \times 10 \times \frac{1}{2} \quad \text{٢٥}$$

$$115 = 23 \times 10 \times \frac{1}{2}$$

$$16 \times 2,5 \times \frac{1}{2} \quad \text{٣٦}$$

$$20 = 16 \times 2,5 \times \frac{1}{2}$$

$$(20) \left(3 \frac{1}{2}\right) \frac{1}{2} \quad \text{٣٧}$$

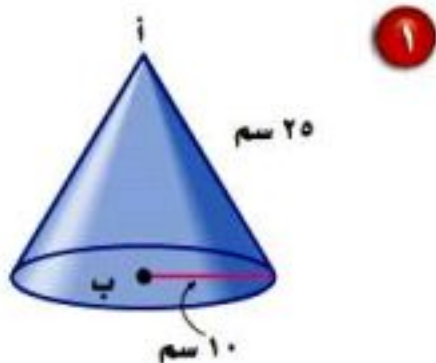
$$35 = 20 \left(3 \frac{1}{2}\right) \frac{1}{2}$$

توسع: مخطط المخروط

حل النتائج:



أوجد الزاوية المركزية لكل مخروط ممّا يأتي، ثم كوّن مخططاً له:



الخطوة ١: استعمل الفرجار لرسم دائرتين متماسكتين من الخارج، نصف قطر إحدهما ٢٥ سم ونصف قطر الأخرى ١٠ سم.



الخطوة ٢:

فكر: ما الجزء من محيط الدائرة أ الذي يساوي محيط الدائرة ب؟ افرض أن س هي نسبة محيط الدائرة الصغرى إلى الكبرى.

$$س(٥٠ط) = ٢٠ط$$

$$محيط الدائرة أ = ٥٠ط$$

$$محيط الدائرة ب = ٢٠ط$$

$$س = ٠.٤$$

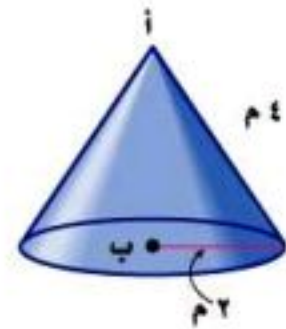
لذا تحتاج إلى ٠.٤ من محيط الدائرة أ

الخطوة ٣:

أوجد قياس الزاوية المركزية التي يجب أن تقطع من الدائرة أ

$$٠.٤ \times ٣٦٠ = ١٤٤^\circ$$

اقطع زاوية مركزية قياسها ١٤٤° من الدائرة أ، واعمل مخروطاً.



الخطوة ١:

استعمل الفرجار لرسم دائرتين متماسكتين من الخارج، نصف قطر إحداهما ٤ سم ونصف قطر الأخرى ٢ سم.



الخطوة ٢:

فكر: ما الجزء من محيط الدائرة أ الذي يساوي محيط الدائرة ب؟
افرض أن س هي نسبة محيط الدائرة الصغرى إلى الكبرى.

$$س(٨ط) = ٤ط$$

$$محيط الدائرة أ = ٨ط$$

$$محيط الدائرة ب = ٤ط$$

$$س = ٠.٥$$

لذا تحتاج إلى ٠.٥ من محيط الدائرة أ

الخطوة ٣:

أوجد قياس الزاوية المركزية التي يجب أن تقطع من الدائرة أ.

$$٠.٥ \times ٣٦٠ = ١٨٠^\circ$$

اقطع زاوية مركزية قياسها ١٨٠° من الدائرة أ، واعمل مخروطاً.

مساحة سطح الهرم

٧-٦

استعد

١ ما عدد أوجه الهرم (باستثناء القاعدة)؟
وما شكل كل وجه منها؟
٣ مثلثات.

٢ كيف يختلف الهرم عن المنشور؟

المنشور له قاعدتين والهرم له قاعدة واحدة الأوجه الجانبية
للمنشور متوازيات أضلاع أما الهرم الأوجه الجانبية مثلثات.

٣ كيف يمكنك إيجاد مساحة الزجاج
المستعمل في هذا المبنى؟

أجد مساحة كل مثلث، ثم أجمع المساحات معاً.

تحقق

(أ) أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٨ م، وطول ضلع قاعدته المربعة ١١ م.

$$\begin{aligned} \text{ج} = \frac{1}{2} \text{م} \times \frac{1}{2} &= 18 \times 11 \times \frac{1}{2} = 396 \text{ م}^2 \\ \text{ك} = \text{ج} + \text{م} &= (11 \times 11) + 396 = 517 \text{ م}^2 \\ &= 143 \times (215 \times 4) \\ \text{ك} = &= (215 \times 215) + 61490 = 107715 \text{ م}^2 \end{aligned}$$

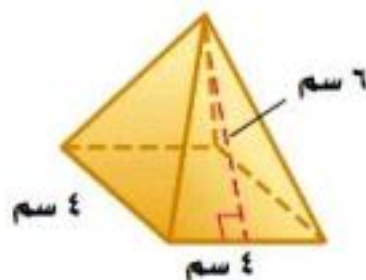
(ب) أوجد المساحة الكلية لسطح هرم خفرع.

$$\begin{aligned} \text{مساحة القاعدة المربعة} &= 215^2 = 46225 \\ \text{المساحة الكلية} &= 46225 + 76540 = 122765 \text{ م}^2 \end{aligned}$$



المثال ١

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب عُشر إذا لزم الأمر:



$$ج = \frac{1}{2} \text{ مح ل} = \frac{1}{2} \times 16 \times 6 = 48 \text{ سم}^2$$

$$ك = ج + م = 48 + 16 = 64 \text{ سم}^2$$



$$ج = \frac{1}{2} \times 15 \times (12 + 12 + 12) = 270 \text{ م}^2$$

$$ك = \frac{1}{2} \times 10.2 \times 12 \times 4 + 270 = 331.2 \text{ م}^2$$

المثال ٢

٣ **أهرامات:** هرم أرينا في ممفيس في الولايات المتحدة هرم رباعي منتظم، طول قاعدة كل وجه له ٦٠٠ قدم، وارتفاعه ٤٧٧ قدمًا، أوجد المساحة الجانبية له.

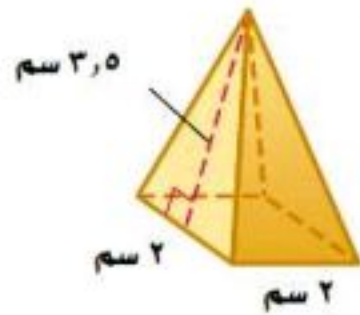
$$ج = \frac{1}{2} \times (600 \times 4) \times 477 = 572400 \text{ قدم}^2$$

تدرب وحل المسائل:



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم الأمر:

$$\begin{aligned} \text{ج} &= 3.5 \times 8 \times \frac{1}{2} = 14 \text{ سم}^2 \\ \text{ك} &= 14 + 14 = 28 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

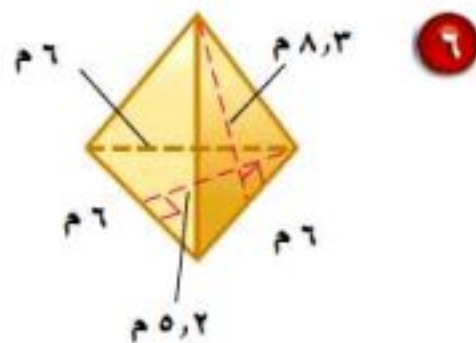


٤

$$\begin{aligned} \text{ج} &= 5 \times 14 \times \frac{1}{2} = 35 \text{ قدم}^2 \\ \text{ك} &= 35 + 12.25 = 47.25 \text{ قدم}^2 \end{aligned}$$

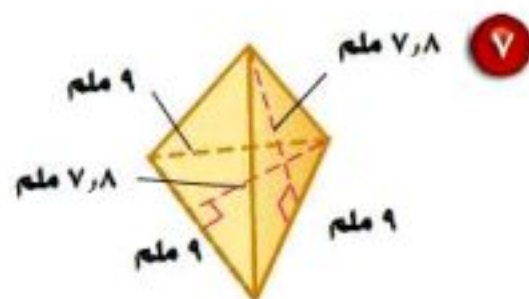


٥



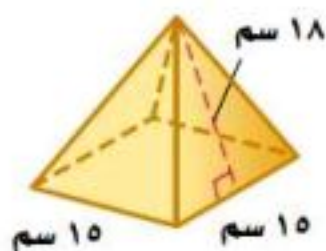
$$ج \quad 74.7 = 6.3 \times (6 + 6 + 6) \times \frac{1}{2}$$

$$ك \quad 90.3 = (5.2 \times 6 \times \frac{1}{2}) + 74.7$$



$$ج \quad 105.3 = 9 \times (9 \times 3) \times \frac{1}{2}$$

$$ك \quad 140.4 = (7.8 \times 9 \times \frac{1}{2}) + 105.3$$



٨

$$ج = 18 \times 60 \times \frac{1}{2} = 540 \text{ سم}^2$$

$$ك = 225 + 540 = 765 \text{ سم}^2$$



٩

$$ج = 32 \times 96 \times \frac{1}{2} = 1536 \text{ قدم}^2$$

$$ك = 576 + 1536 = 2112 \text{ قدم}^2$$

١٠ أسقف: سقف خشبي على شكل هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٦ قدمًا، وقاعدته مربع طول ضلعه ٤٠ قدمًا، ما مساحة الخشب الذي تحتاج إليه لتغطية السقف؟

$$\text{ج} = \frac{1}{2} \times 16 \times 160 = 1280 \text{ قدم}^2$$

$$\text{ك} = 1280 + 1600 = 2880 \text{ قدم}^2$$

١١ مخطط: هرم رباعي منتظم مساحته الجانبية ٢٥, ١٠٧ سم^٢ وطول ارتفاعه الجانبي ٨, ٢٥ سم، أوجد طول ضلع من قاعدته.

$$\text{ج} = 107.25 = \text{ل} \times 8.25$$

$$\text{بما أن } \frac{1}{2} \times \text{مح ل} = 107.25 \Rightarrow \text{مح ل} = 214.5$$

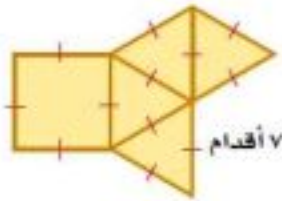
$$\text{مح} = 214.5 \div 4 = 53.625 \text{ سم}^2$$

$$\text{مح} = 4 \text{ س}$$

$$\text{س} = 53.625 \div 4 = 13.40625 \text{ سم}$$

١٢ **فن العمارة:** يبلغ الارتفاع الجانبي لهرم الشمس في المكسيك ٥, ١٣٢ م، وطول ضلع قاعدته المربعة ٥, ٢٢٣ م، أوجد مساحته الجانبية .

$$ج = \frac{1}{2} \times ٨٩٤ \times ١٣٢.٥ = ٥٩٢٢٧.٥ م^2$$

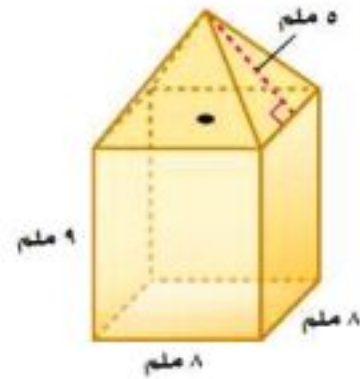


١٣ **مخطط:** يمثل الشكل المجاور مخططاً لهرم منتظم، احسب المساحة الكلية للهرم.

$$ج = \frac{1}{2} \times (٧ \times ٤) \times ٧ = ٩٨ \text{ قدم}^2$$

$$ك = ٩٨ + (٧ \times ٧) = ١٤٧ \text{ قدم}^2$$

أوجد المساحة الجانبية والكلية لكل مجسم مما يأتي مقربًا الجواب إلى أقرب عشر:



$$\text{ج للهرم} = \frac{1}{2} \text{ مع ل} = \frac{1}{2} \times (8 \times 8) \times 5 = 80 \text{ ملم}^2$$

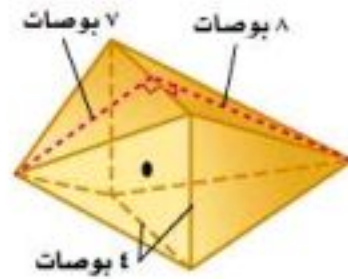
$$\text{ج للمكعب} = \text{مع ع} = 9 \times 32 = 288 \text{ ملم}^2$$

$$\text{ج الكلية} = 288 + 80 = 368 \text{ ملم}^2$$

$$\text{ك للهرم} = \text{ج} + \text{م} = 80 + 64 = 144 \text{ ملم}^2$$

$$\text{ك للمكعب} = \text{ج} + \text{م} = 288 + (64)^2 = 416 \text{ ملم}^2$$

$$\text{ك الكلية} = 144 + 416 = 560 \text{ ملم}^2$$



$$\text{ج للهرم الأول} = 7 \times 16 \times \frac{1}{2} = 56 \text{ بوصة}^3$$

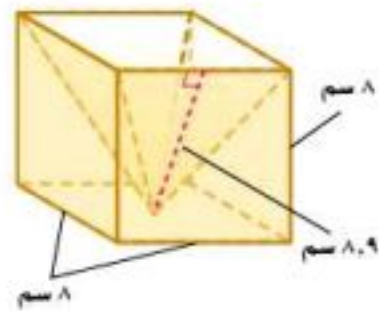
$$\text{ج للهرم الثاني} = 4 \times 16 \times \frac{1}{2} = 32 \text{ بوصة}^3$$

$$\text{ج الكلية} = 56 + 32 = 88 \text{ بوصة}^3$$

$$\text{ك للهرم الأول} = 16 + 56 = 72 \text{ بوصة}^3$$

$$\text{ك للهرم الثاني} = 16 + 32 = 48 \text{ بوصة}^3$$

$$\text{ك الكلية} = 48 + 72 = 120 \text{ بوصة}^3$$



١٦

$$\text{ج للمكعب} = \text{مح ع} = 8 \times 32 = 256 \text{ سم}^2$$

$$\text{ج للهرم} = 8.9 \times 32 \times \frac{1}{2} = 142.4 \text{ سم}^2$$

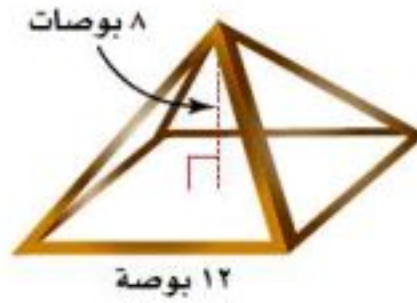
$$\text{ج الكلية} = 142.4 - 256 = 113.6 \text{ سم}^2$$

$$\text{ك للمكعب} = \text{ج} + \text{م}^2 = (64)^2 + 256 = 384 \text{ سم}^2$$

$$\text{ك للهرم} = \text{ج} + \text{م} = 64 + 142.4 = 206.4 \text{ سم}^2$$

$$\text{ك الكلية} = 206.4 - 384 = 177.6 \text{ سم}^2$$

١٧ **مصباح مكتبي:** اشترى عمر مصباحًا مكتبيًا على شكل هرم منتظم، احسب المساحة الجانبية للمصباح.
(إرشاد: استعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد الارتفاع الجانبي).

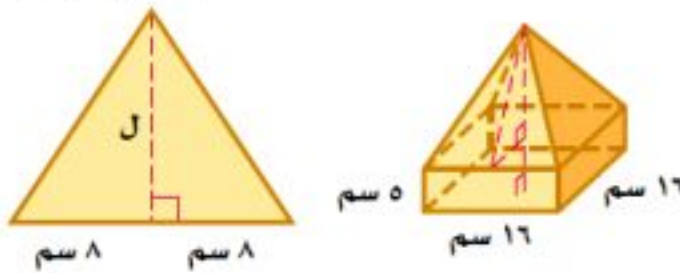


$$ج = \frac{1}{2} (4 \times 12) \times 8 = 192 \text{ بوصة}^2$$

مسائل مهارات التفكير العليا:

تحذ: استعمل الشكل المجاور لحل الأسئلة ١٨ - ٢٠،
علمًا بأن الارتفاع الكلي له ٢٠ سم.

منظر جانبي للهرم



أوجد ارتفاع الهرم (ع). ١٨

الارتفاع الكلي = ٢٠، ارتفاع المنشور = ٥

إذن ارتفاع الهرم = ٢٠ - ٥ = ١٥ سم

١٩ استعمل ارتفاع الهرم لإيجاد الارتفاع الجانبي (ل).

$$\sqrt{(\text{ارتفاع الهرم})^2 + (\text{طول ضلع القاعدة} \div 2)^2} = \text{الارتفاع المائل}$$

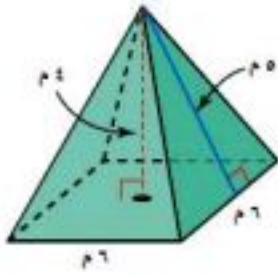
$$ل = \sqrt{64 + 225} = 17 \text{ سم}$$

٢٠ أيّ الشكلين مساحة سطحه أكبر؛ الهرم أم المنشور؟ برر إجابتك.

$$\text{مساحة سطح الهرم} = \frac{1}{2} \text{ مح ل} = \frac{1}{2} \times 17 \times 64 = 544 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة سطح المنشور} = \text{مح ع} = 5 \times 64 = 320 \text{ سم}^2$$

إذن مساحة سطح الهرم أكبر.



اكتشف الخطأ: أوجد كلٌّ من حمد ونواف المساحة الكلية للهرم المنتظم المجاور ، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسّر تبريرك.



نواف

$$\begin{aligned} \text{مساحة} &= \frac{1}{2} \times \text{محيط القاعدة} \times \text{ارتفاع الجانبي} \\ &= \frac{1}{2} \times (4 + 4 + 4 + 4) \times 6 \\ &= 2 \times 24 = 48 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{مساحة} &= \frac{1}{2} \times \text{محيط القاعدة} \times \text{ارتفاع الجانبي} \\ &= \frac{1}{2} \times (4 + 4 + 4 + 4) \times 5 \\ &= 2 \times 20 = 40 \end{aligned}$$



حمد

حمد هو الصحيح: لأن المساحة الجانبية للهرم تأتي من حاصل ضرب محيط القاعدة \times الارتفاع الجانبي.

مسألة مفتوحة: هرم قاعدته مربعة، طول ضلعها ٣ سم، وطول ارتفاعه الجانبي ٤ سم، فما الأبعاد الممكنة لمنشور مستطيلي له مساحة سطح الهرم نفسها؟

٢ سم ، ٣ سم ، ١.٢ سم.

٢٣ **تحذ:** أوجد المساحة الكلية للهرم الرباعي المنتظم الذي حجمه ٤٠٠ سم^٣، وطول ضلع قاعدته ١٠ سم.

$$\text{الحجم} = \frac{1}{3} م ع$$

$$ع \times ١٠٠ \times \frac{1}{3} = ٤٠٠$$

$$ع = ١٢$$

$$ل = \sqrt{(\text{ارتفاع الهرم})^2 + (\text{طول ضلع القاعدة} \div ٢)^2}$$

$$ل = \sqrt{13^2 + 144} = 15$$

$$ك = \frac{1}{2} \text{ مج ل م} = \frac{1}{2} \times ١٣ \times ٤٠ = ٢٦٠$$

٢٤ **اكتب:** كيف يمكنك استعمال ارتفاع هرم لإيجاد طول ارتفاعه الجانبي؟

إذا كنت تعرف طول ضلع القاعدة، يمكنك استعمال نظرية فيثاغورس لإيجاد الارتفاع المائل للهرم الرباعي.

$$ل = \sqrt{(\text{ارتفاع الهرم})^2 + (\text{طول ضلع القاعدة} \div ٢)^2}$$

تدريب على اختبار

٢٥ ما أفضل تقدير للمساحة السطحية للهرم في الشكل أدناه؟



(أ) ١٠٧ أقدام مربعة (ب) ٤٢٩ قدمًا مربعة

(ج) ٦٠٧ أقدام مربعة (د) ١٨٠ قدمًا مربعة

(د) ٦٠٧ أقدام مربعة

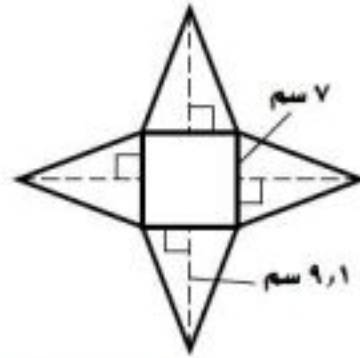
$$\text{المساحة الجانبية} = \frac{1}{2} \text{مح} \times \text{ع}$$

$$428,8 = 16 \times \left[2 \times (13,4 + 13,4) \right] \frac{1}{2} = \text{المساحة الجانبية}$$

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدة

$$608,36 = (13,4 \times 13,4) + 428,8 = \text{المساحة الكلية}$$

٣٦ تمثل الشبكة أدناه هرمًا رباعيًا منتظمًا، مقربًا إلى أقرب عدد صحيح؟ ما المساحة الجانبية لسطح الهرم؟



- (ج) ١٢٧ سم^٢ (ا) ٣٢ سم^٢
 (د) ١٧٦ سم^٢ (ب) ٤٩ سم^٢

(ج) ١٢٧ سم^٢

المساحة الجانبية للهرم = $\frac{1}{2} \times \text{مح} \times \text{ع}$

$$127,4 = 9,1 \times (7 + 7) 2 \times \frac{1}{2} = \text{المساحة الجانبية للهرم}$$

مراجعة تراكمية

٢٧ **تغليظ:** أوجد المساحة السطحية لعلبة اسطوانية قطرها ٣ بوصات ، وارتفاعها ٥ بوصات. (الدرس ٦-٦)

المساحة الجانبية للأسطوانة = محيط القاعدة × الارتفاع

$$\text{محيط القاعدة} = ٢\pi \text{ نق} = 2\pi(1,5) = 9,42$$

$$\text{المساحة الجانبية للأسطوانة} = 5 \times 9,42 = 47,12$$

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدة

$$\text{المساحة الكلية} = 47,12 + (\pi(1,5)^2) \approx 54,2$$

٢٨ **جبال:** قام سعد بإنشاء نموذج جبل من الطين على شكل مخروط، إذا كان ارتفاع الجبل ٤ أقدام، ونصف قطر قاعدته قدمان ، فما حجم المادة الطينية اللازمة لإنشاء الجبل ؟ قَرِّب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك. (الدرس ٦-٥)

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \text{ مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \times \pi \times (1)^2 \times 4 \approx 4,2$$

اختبار الفصل

١ **اختيار من متعدد:** ركض فارس حول مضمار دائري مرتين، فإذا كان نصف قطر المضمار ٢٥ م، فما المسافة التي ركضها الفارس؟

(أ) ٣١٤ م

(ب) ١٥٧ م

(ج) ٧٨,٥ م

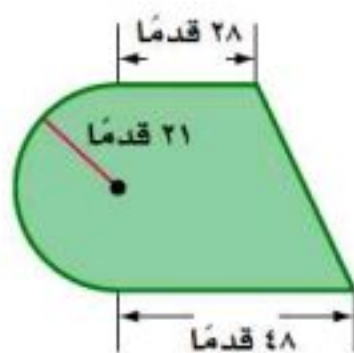
(د) ٥٠ م

ركض مرتين = ٢ محيط الدائرة = ٢ ط نق

$$= ٣١٤ = ٢٥ \times ٣,١٤ \times ٤ \text{ م.}$$

إذن أ هي الصحيحة.

أوجد مساحة كل شكل فيما يأتي، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

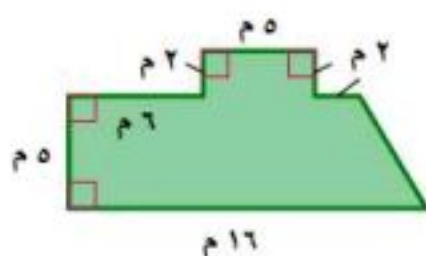


٢

$$1 \text{ م} = \frac{1}{2} \text{ ع} (ق + ق) = \frac{1}{2} \times 42 \times (28 + 48) = 1596 \text{ قدم}^2$$

$$2 \text{ م} = \frac{1}{2} \text{ طنق} = \frac{1}{2} \times 3.14 \times 441 = 692.37 \text{ قدم}^2$$

$$\text{م الكلية} = 2288.4 = 1596 + 692.37$$



٣

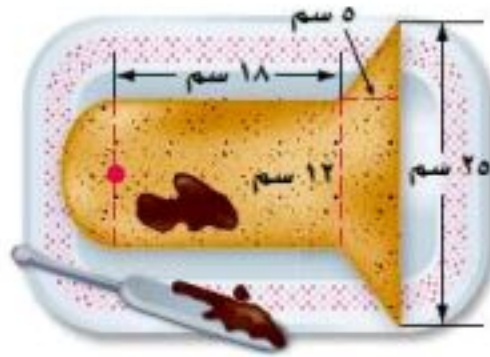
$$1 \text{ م} = 2 \times 5 = 10$$

$$2 \text{ م} = 6 \times 5 = 30$$

$$3 \text{ م} = \frac{1}{2} \text{ ع} (ق + ق) = \frac{1}{2} \times 5 \times (10 + 16) = 42.5$$

$$\text{م} = 82.5 = 42.5 + 30 + 10$$

٤ **قالب حلوى:** صنعت مها قالب حلوى على شكل مصباح كهربائي كما في الشكل أدناه وتريد تزيينه. فإذا كان الوعاء الواحد من مادة التزيين يغطي 250 سم^2 من قالب الحلوى، فكم وعاءً تحتاج لتزيين القالب كاملاً؟



$$1 \text{ م} = \frac{1}{2} \text{ ع (ق1 + ق2)} = \frac{1}{2} \times 37 \times 5 = 92.5 \text{ سم}^2$$

$$2 \text{ م} = \frac{1}{2} \text{ طنق} = \frac{1}{2} \times 3.14 \times 36 = 56.5 \text{ سم}^2$$

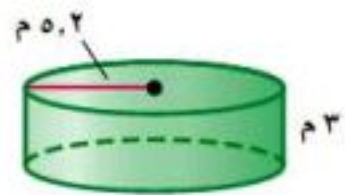
$$3 \text{ م} = 18 \times 12 = 216 \text{ سم}^2$$

$$\text{م الكلية} = 365 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن عدد الأوعية} = 250 \div 365 = 1.46 \text{ سم}^2$$

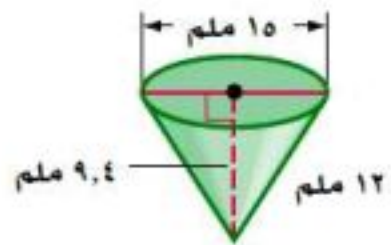
أي وعائين تقريباً.

أوجد حجم كل مجسم، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



٥

$$ح = 3 \times 27.04 \times 3.14 = 254.7 \text{ م}^3$$



٦

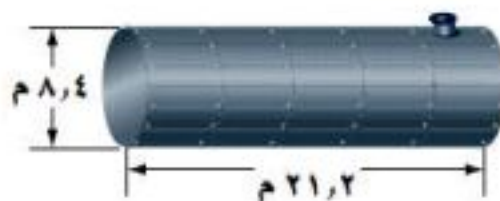
$$ح = \frac{1}{3} \text{ طنق} \times 3.14 \times 100 \times 9.4 = 553.4 \text{ ملم}^3$$



٧ **هندسة:** حدّد نوع الشكل،
واذكر عدد أوجهه وشكلها،
ثم عدد أحرفه ورؤوسه.

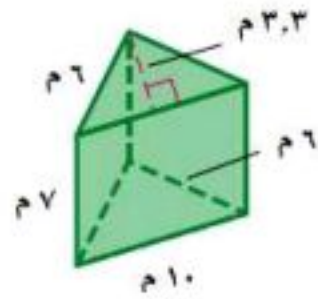
هرم: قاعدته شبه منحرف له ٥ أوجه أحدها شبه منحرف، و٤
مثلثات، ٨ أحرف، و٥ رؤوس.

٨ **وقود:** صهريج (خزان) وقود أسطواني الشكل
كما في الشكل أدناه. احسب حجم الصهريج؟ مقرباً
الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



$$ح م ع = ٢١.٢ \times ٤.٢ \times ٣.١٤ = ١١٧٤.٣ \text{ م}^٣$$

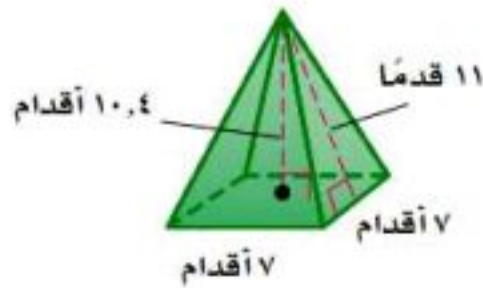
أوجد حجم كل مجسم ومساحة سطحه الكلية، مقرباً
الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



٩

$$\text{ك} = \text{مسح} + \text{ع} = (3.3 \times 10) + 3.3 \times 22 = 105.6 \text{ م}^2$$

$$\text{ح} = \frac{1}{3} \text{ م} \times \frac{1}{2} \times (3.3 \times 10) \times 7 = 38.5 \text{ م}^3$$

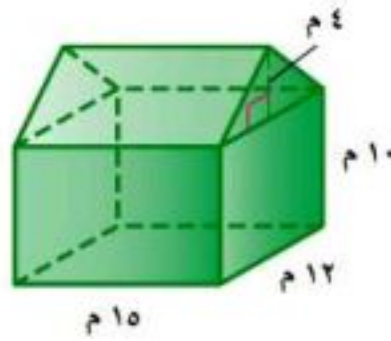


١٠

$$\text{ح} = \frac{1}{3} \text{ م} \times \frac{1}{2} \times 7 \times 7 \times 10.4 = 169.9 \text{ قدم}^3$$

$$\text{ك} = \frac{1}{2} \text{ مسح} + \text{ل} = \frac{1}{2} \times 7 \times 7 + 11 \times 28 = 203 \text{ قدم}^2$$

١١ اختيار من متعدد: أوجد حجم المجسم أدناه.



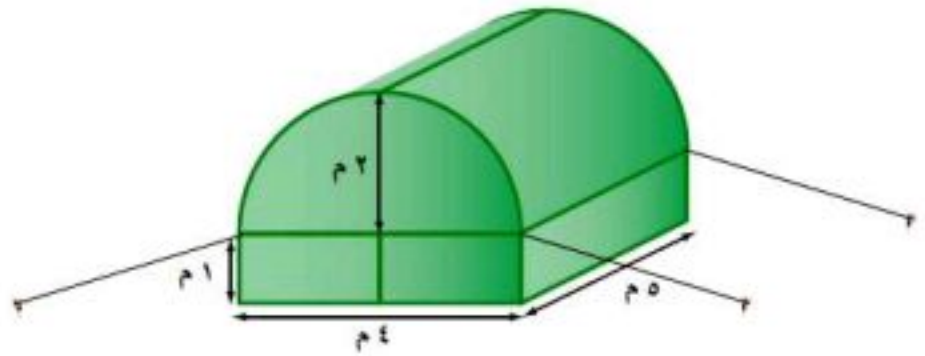
(أ) 2160 م^3

(ب) 2520 م^3

(ج) 3600 م^3

(د) 7200 م^3

١٢ خيام: احسب مساحة سطح الخيمة في الشكل أدناه، مقرباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.



ك للمنشور = $\text{مح} + \text{ع} = 2 + 1 \times 18 = 20$

ك للأسطوانة = $\frac{1}{2} (\text{مح} + \text{ع})$

$(4 \times 3.14 \times 2) + (5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{2}) =$

$40.82 = 25.12 + 15.7 =$

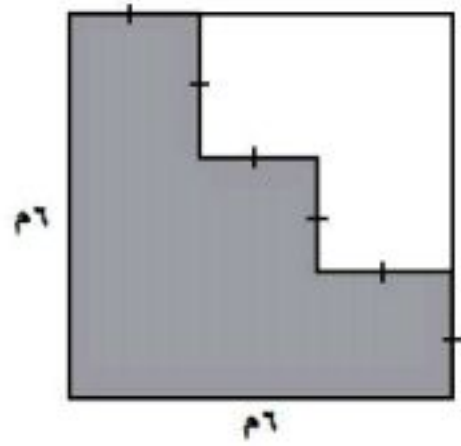
مساحة سطح الخيمة = ك للمنشور + الأسطوانة $\approx 99.8 \text{ م}^2$

اختبار تراكمي

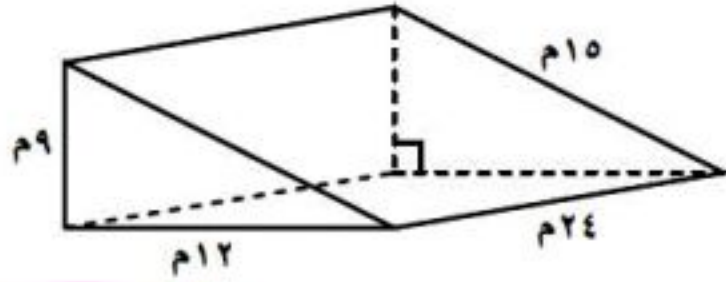
الجزء ١ الاختيار من متعدد

اختر الإجابة الصحيحة:

١ ما مساحة الجزء المظلل من الشكل أدناه؟

ج) ٢٦ م^٢د) ٣٠ م^٢أ) ٢٠ م^٢ب) ٢٤ م^٢ب) ٢٤ م^٢مساحة المستطيل الكبير = $6 \times 6 = 36$ سم^٢مساحة المستطيل المظلل = $(2 \times 2 + 4 \times 2) - 36 = 24$ م^٢

٢ ما حجم المنشور الثلاثي في الشكل أدناه؟



(ج) ١٢٩٦ م^٣

(د) ٩٧٢ م^٣

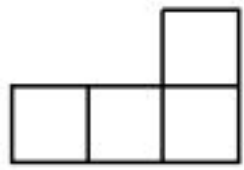
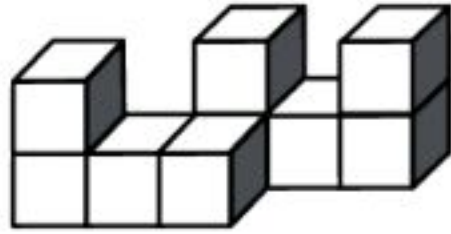
(ا) ٨١٠ م^٣

(ب) ٢٥٩٢ م^٣

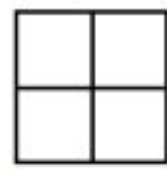
حجم المنشور = مساحة القاعدة \times الارتفاع

$$\text{حجم المنشور} = 24 \times \left(9 \times 12 \times \frac{1}{2} \right) = 1296 \text{ م}^3$$

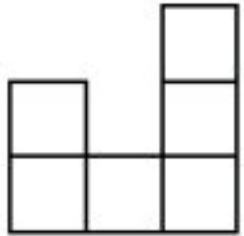
٣ أي مما يأتي يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟



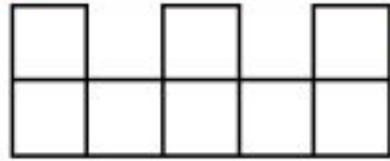
(ج)



(i)



(د)



(ب)

٤ ما المساحة السطحية لصندوق حوض الغسيل في الشكل أدناه؟



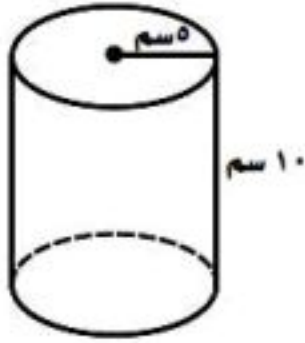
(أ) ٢٠٠ بوصة مربعة (ب) ٤٠٠ بوصة مربعة

(ج) ٢٢٤ بوصة مربعة (د) ٤٤٨ بوصة مربعة

(ج) ٤٠٠ بوصة مربعة

$$400 = (14 \times 8)2 + (8 \times 4)2 + (14 \times 4)2 = \text{المساحة السطحية}$$

٥ ما حجم الأسطوانة في الشكل أدناه؟



(أ) 100 سم^3

(ب) 157 سم^3

(ج) 314 سم^3

(د) 785 سم^3

(د) 785

حجم الأسطوانة = ط \otimes ع²

حجم الأسطوانة = ط (5) $\times 10^2 \approx 785 \text{ سم}^3$

٦ ما حجم المخروط القائم الذي قطر قاعدته ٨ بوصات، وارتفاعه ١٢ بوصة؟ قرّب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

(أ) ٢٠١ بوصة مكعبة

(ب) ٤٨١ بوصة مكعبة

(ج) ٦٠٣ بوصات مكعبة

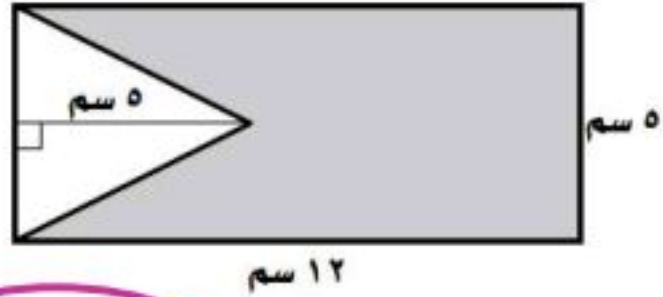
(د) ٨٠٤ بوصات مكعبة

(أ) ٢٠١ بوصة مكعبة

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \times \pi \times 16 \times 12 \approx 201,1 \text{ بوصة مكعبة.}$$

٧ تمَّ قَصُّ مثلث متطابق الضلعين من مستطيل كما في الشكل أدناه. ما مساحة الجزء المتبقي من المستطيل؟



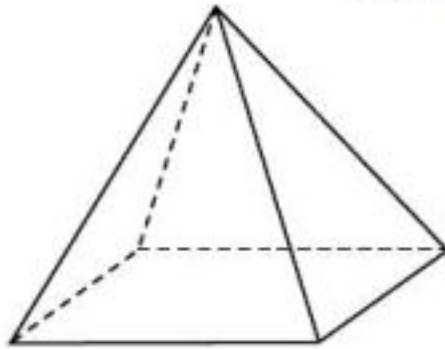
- (أ) 60 سم² (ب) 55 سم²
 (ج) 47,5 سم² (د) 35 سم²

(ج) 47,5 سم²

مساحة المستطيل - مساحة المثلث = الجزء المتبقي

$$\text{الجزء المتبقي} = (12 \times 5) - \left(5 \times 5 \times \frac{1}{2}\right) = 47,5 \text{ سم}^2$$

٨ ما عدد أوجه المجسم أدناه؟

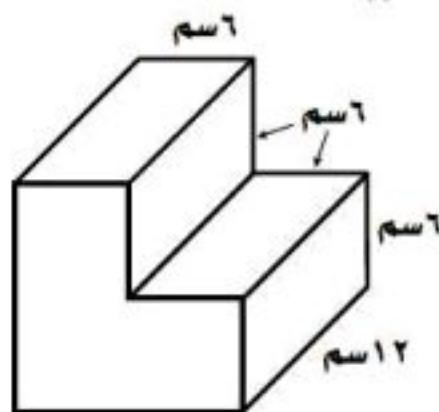


- (أ) 2
 (ب) 3
 (ج) 4
 (د) 5

الجزء ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

٩ رُتبت قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكوّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



مكعبين أبعادهم ١٢ و ١٢ و ٦ والثاني ١٢ و ٦ و ٦
حجم المكعب الأول + حجم المكعب الثاني = أكبر مكعب يمكن إنشاؤه

$$1296 \text{ سم}^3 = (6 \times 6 \times 12) + (12 \times 12 \times 6)$$

١٠ أوجد حجم الهرم الرباعي المنتظم الذي طول ضلع قاعدته ٧ بوصات، وارتفاعه ٤ بوصات، مقرباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

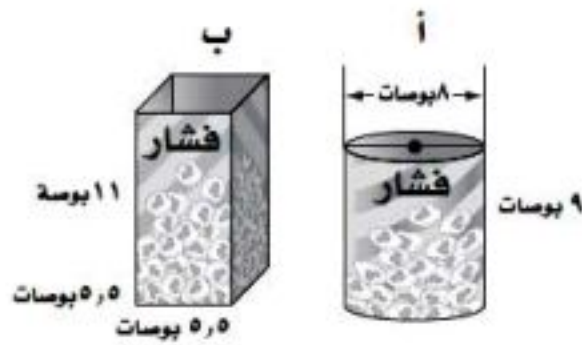
$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم الهرم} = \frac{1}{3} \times (7 \times 7) \times 4 \approx 65,33 \text{ بوصة}$$

الجزء ٣ الإجابة المطولة

أجب عن السؤال الآتي موضِّحًا خطوات الحل:

١١ يباع الفشار في شكلين من العلب المبيَّنة أدناه، ويرغب صاحب محل أن يختار أحد الشكلين ليستعمله في بيع الفشار.



(أ) أيُّ العلبتين تتسع لأكبر كمية من الفشار؟ فسّر إجابتك.

(ب) أيُّ العلبتين تحتاج إلى كمية أقل من الكرتون لصنعها؟ فسّر إجابتك.

المساحة الجانبية للعبة الأولى = مح \times ع

$$\text{المساحة الجانبية} = 2 \times ط \times 4 \times 9 = 226,2$$

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدة

$$\text{المساحة الكلية} = 226,2 + (ط \times 16) = 276,5$$

المساحة الجانبية للعبة الثانية = مح \times ع

$$\text{المساحة الجانبية} = 2 \times (5,5 + 5,5) \times 9 = 198$$

المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدة

$$\text{المساحة الكلية} = 198 + (5,5 \times 5,5) = 228,25$$

أ) اللعبة الأولى تتسع لأكبر كمية من افشار.

ب) اللعبة الثانية.